

# 集成电路设计系列

## 《集成电路设计基础》

### 第2章 CMOS逻辑设计入门

# 本章概要

---

- 开关与逻辑
- MOSFET
- 基本逻辑门
- 组合逻辑门
- 传输门

# 本章参考书

---

- John P. Uyemura, *Introduction to VLSI Circuits and Systems*, John Wiley & Sons, Inc., 2002. Chapters 2.

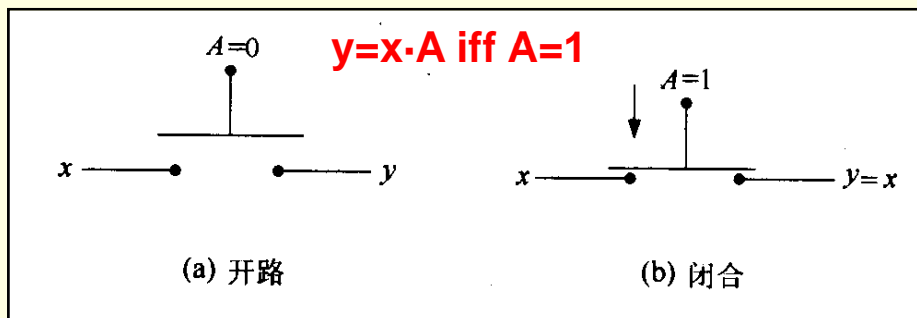
中译本：周润德译，超大规模集成电路与系统导论，电子工业出版社，2004.1。第2章。

# 2.1 开关与逻辑

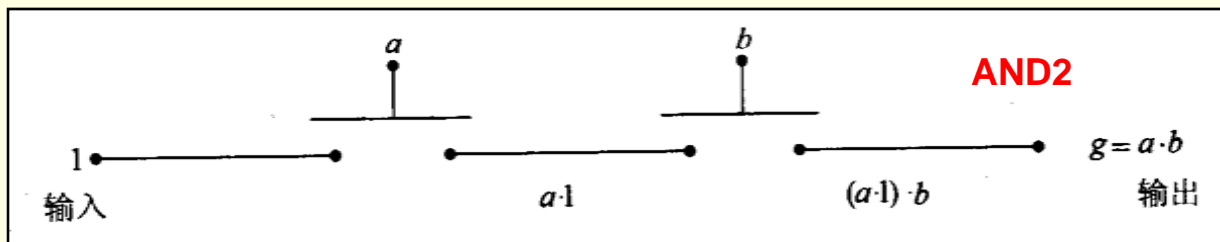
## 高电平有效开关

高电平有效

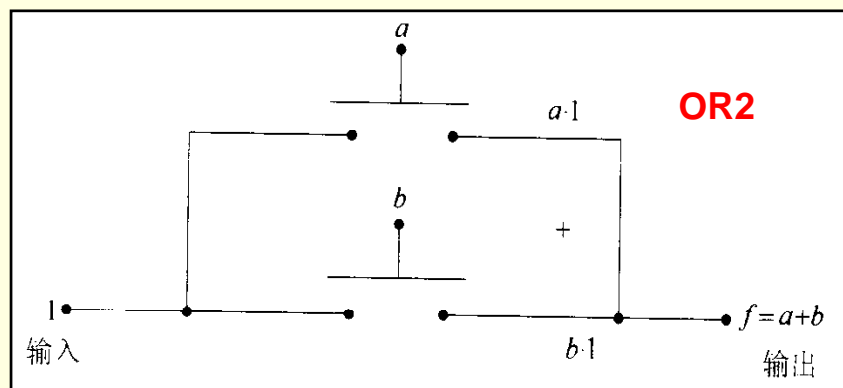
单个开关 →



开关串联 →



开关并联 →

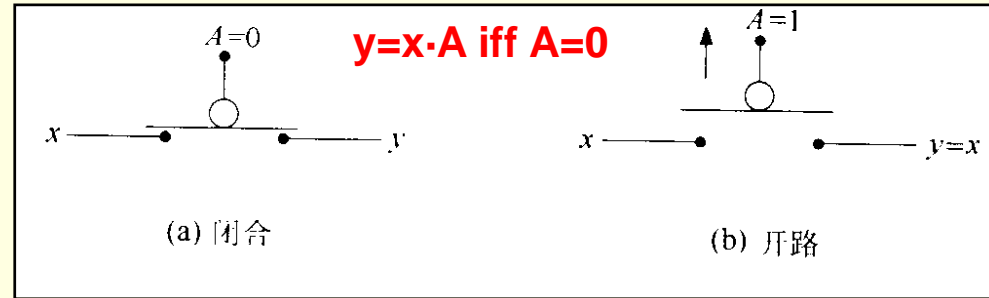


# 2.1 开关与逻辑

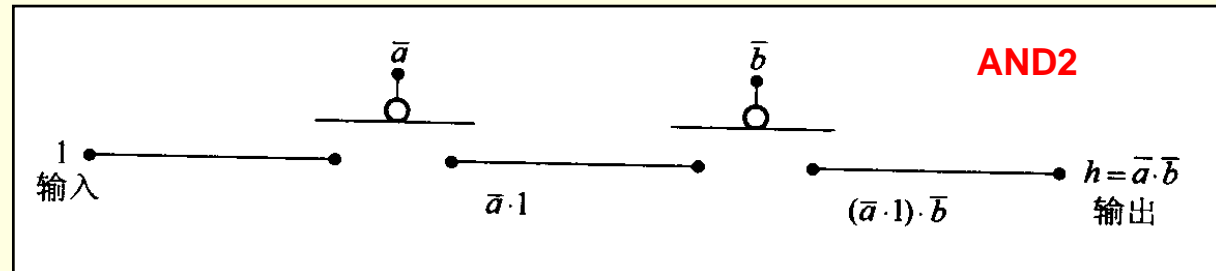
## 低电平有效开关

低电平有效

单个开关 →



开关串联 →



OR2

开关并联 →

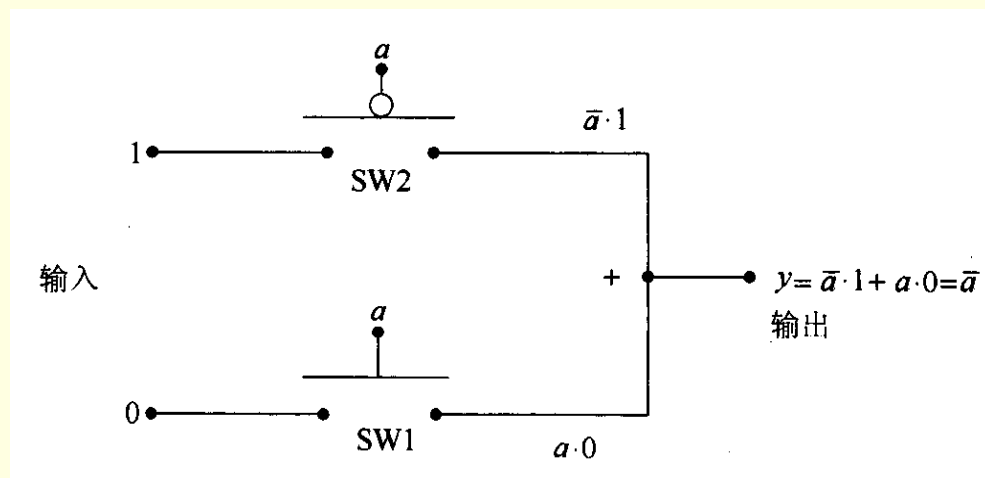
## 2.1 开关与逻辑

开关 → 逻辑

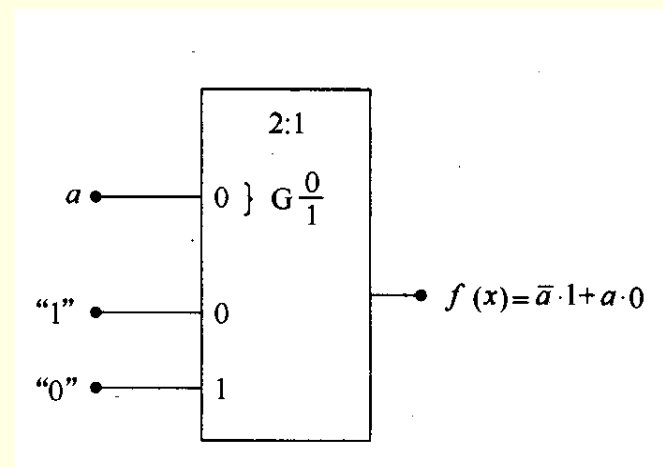
- 开关的组合可以完成逻辑运算
  - 开关串联可实现“与”操作
  - 开关并联可实现“或”操作
- 同时使用高、低电平有效的开关才能实现正确的逻辑
  - 高电平有效时的逻辑关系仅当控制电平为高时有效
  - 低电平有效时的逻辑关系仅当控制电平为低时有效

## 2.1 开关与逻辑

开关 → 非门



基于开关的非门 (NOT)



基于MUX的非门 (NOT)

## 2.2 MOSFET

### 什么是MOSFET?

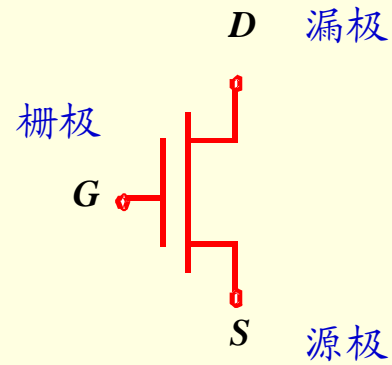
- 定义
  - Metal-Oxide-Semiconductor Field-Effect Transistor
  - 金属-氧化物-半导体场效应晶体管
- 功能
  - 能够实现上述高电平有效和低电平有效的控制开关，因此能够实现逻辑电路
  - 现代数字集成电路的基础
- 类型
  - nFET: n沟道MOSFET→高电平有效开关
  - pFET: p沟道MOSFET→低电平有效开关



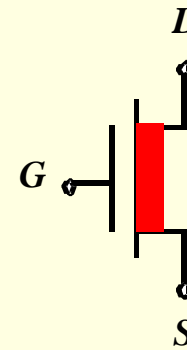
# 2.2 MOSFET

## 类型及符号

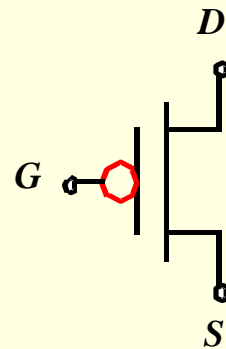
n沟道增强型



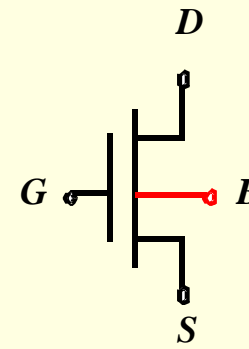
n沟道耗尽型



p沟道增强型

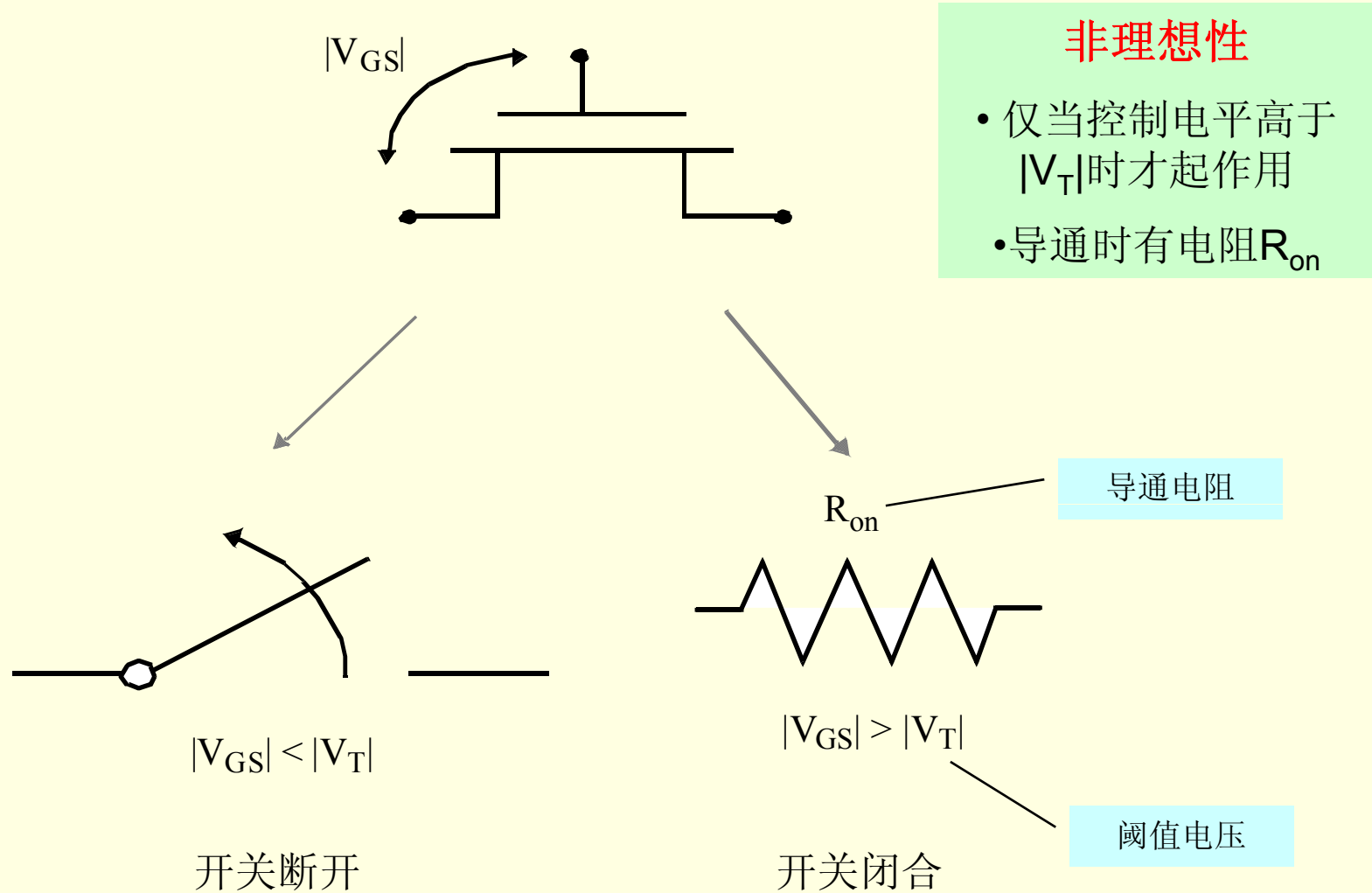


带体接触的n  
沟道增强型



# 2.2 MOSFET

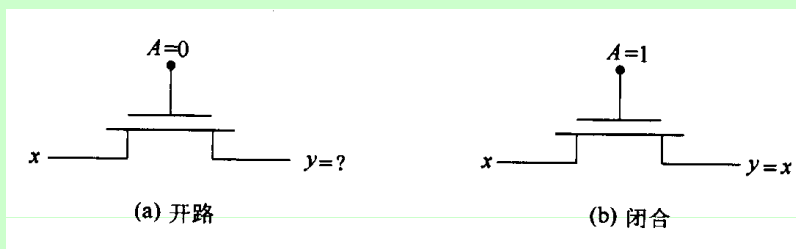
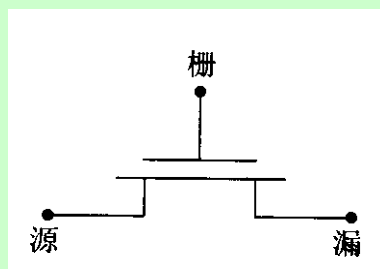
## MOSFET作为开关



## 2.2 MOSFET

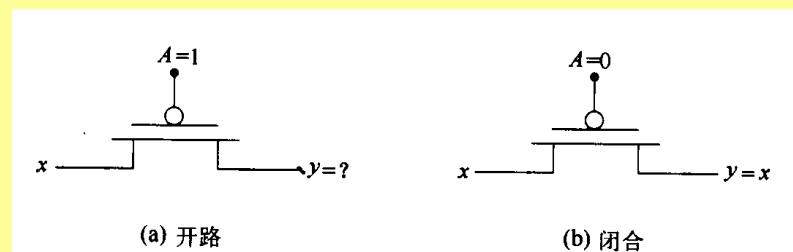
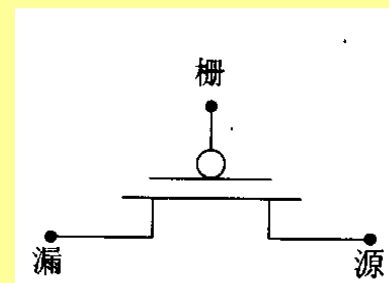
### nFET开关与pFET开关

#### nFET



高电平有效

#### pFET

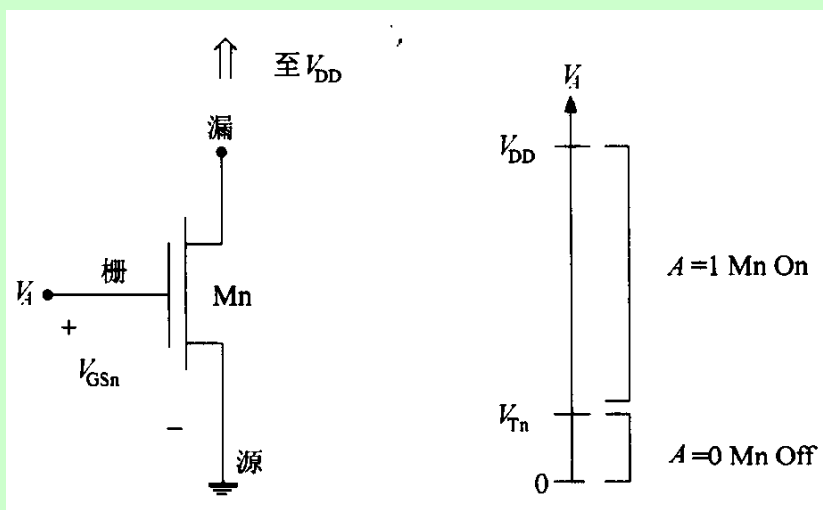


低电平有效

## 2.2 MOSFET

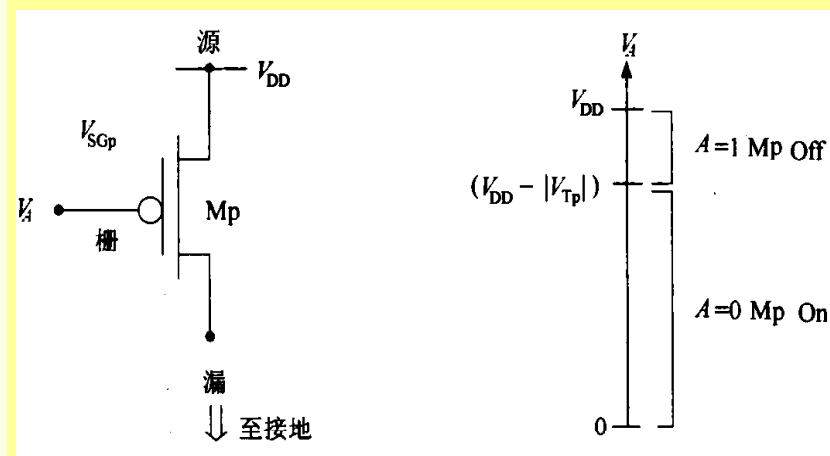
### 开关作用

#### nFET



- $V_{GSn} \leq V_{Tn}$ , nFET截止(off), 开关断开
  - $V_{GSn} > V_{Tn}$ , nFET导通(on), 开关闭合
- 栅源电压  $V_{GSn} > 0$
- 阈值电压  $V_{Tn} = -0.5 \sim -0.7V$

#### pFET

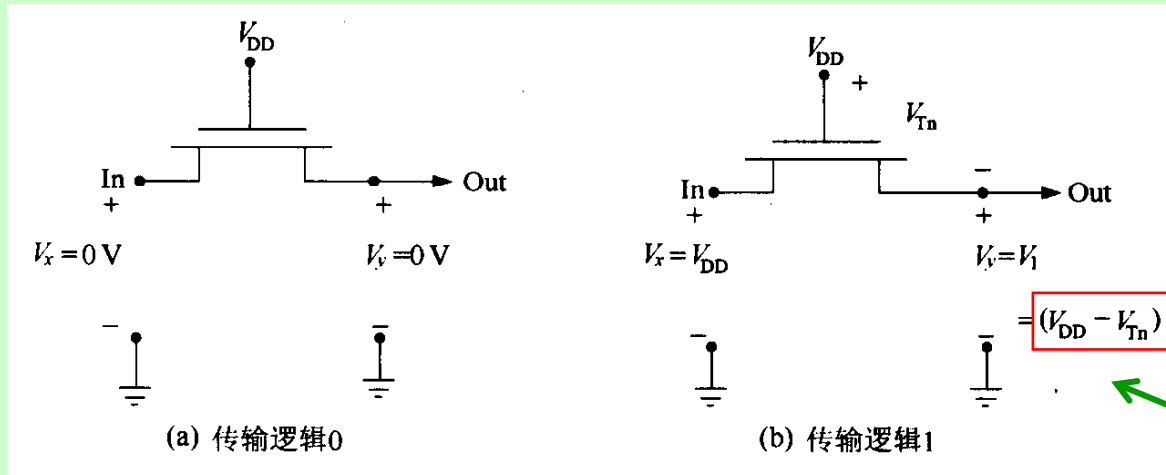


- $V_{SGp} \leq |V_{Tp}|$ , pFET截止(off), 开关断开
  - $V_{SGp} > |V_{Tp}|$ , pFET导通(on), 开关闭合
- 栅源电压  $V_{GSp} < 0$
- 阈值电压  $V_{Tp} = -0.5 \sim -0.8V$

# 2.2 MOSFET

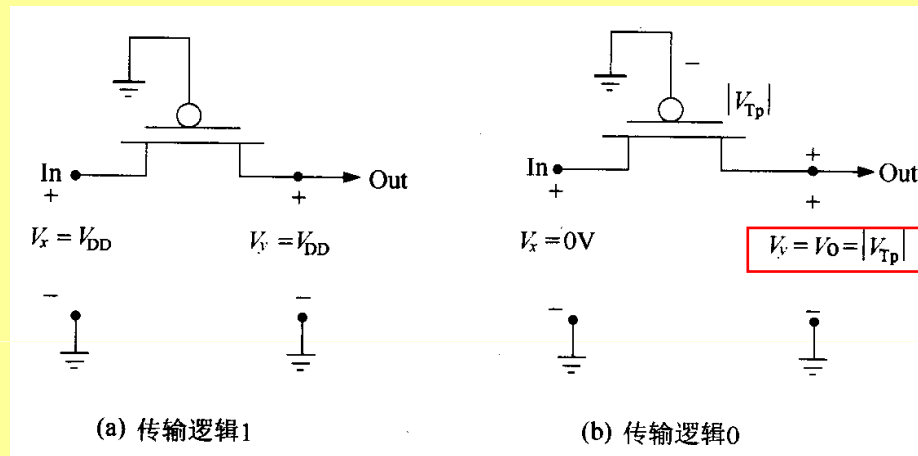
## 传输特性

nFET



阈值电压损失

pFET



## 2.2 MOSFET

### 逻辑与电压的关系

#### ■ 理想关系

- 逻辑1: 电路最高电压,  $V_{DD}$  (5V、3.3V等)
- 逻辑0: 电路最低电压, 0V (或 $V_{SS}$ )

#### ■ MOSFET实现

##### ■ 逻辑1

- nFET:  $V_{DD}$  (理想)
- pFET:  $V_{DD} \rightarrow V_{DD} - |V_{Tp}|$  (不理想)

##### ■ 逻辑0

- nFET:  $0 \rightarrow V_{Tn}$  (不理想)
- pFET: 0 (理想)

## 2.2 MOSFET

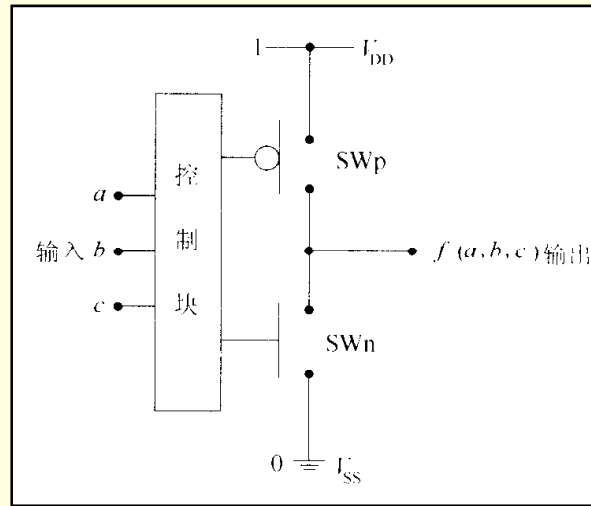
### 为什么要用CMOS?

- **nFET**: 传输逻辑1时, 输出电压只能为  $V_{DD} - V_{Tn} < V_{DD}$ , 否则管子不能导通; 传输逻辑0时, 输出电压可以为0V。因此, nFET传送强逻辑0和弱逻辑1
- **pFET**: 传输逻辑0时, 输出电压只能为  $|V_{Tp}| > 0$ , 否则管子不能导通; 传输逻辑1时, 输出电压可以为  $V_{DD}$ 。因此, pFET传送强逻辑1和弱逻辑0
- **CMOS**: 用pFET传送逻辑1 (电平为  $V_{DD}$ ), 用nFET传送逻辑0 (电平0V), 能同时传送强逻辑1和强逻辑0

# 2.3 基本逻辑门

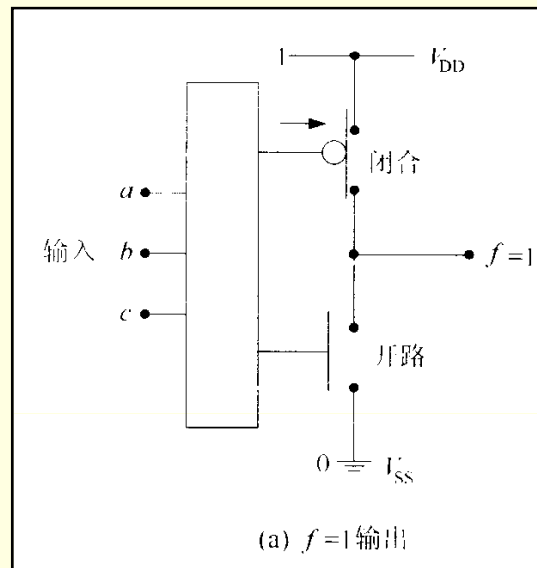
## 基本构成

CMOS  
↓  
Complementary MOSFET

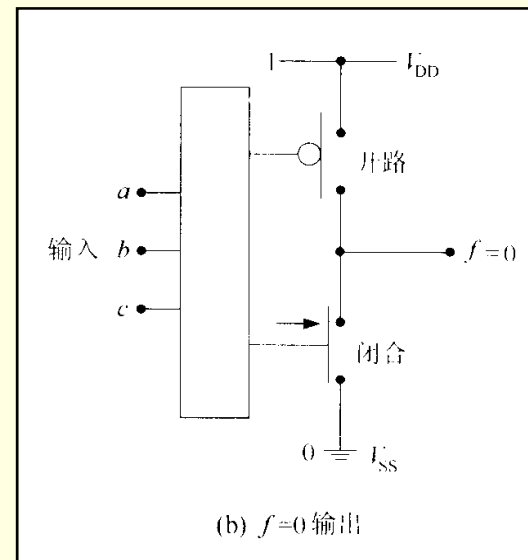


一般化的  
CMOS逻辑门

高电平输出



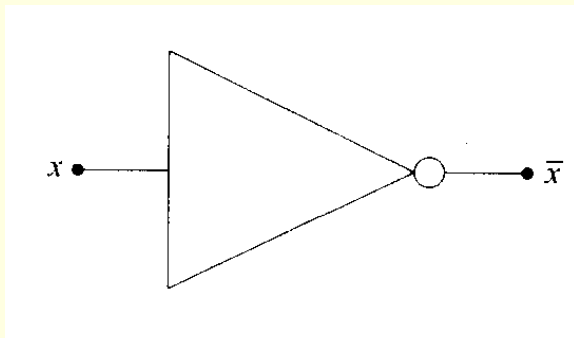
低电平输出





## 2.3 基本逻辑门

### 反相器:逻辑描述



逻辑符号

$x$	$\bar{x}$
0	1
1	0

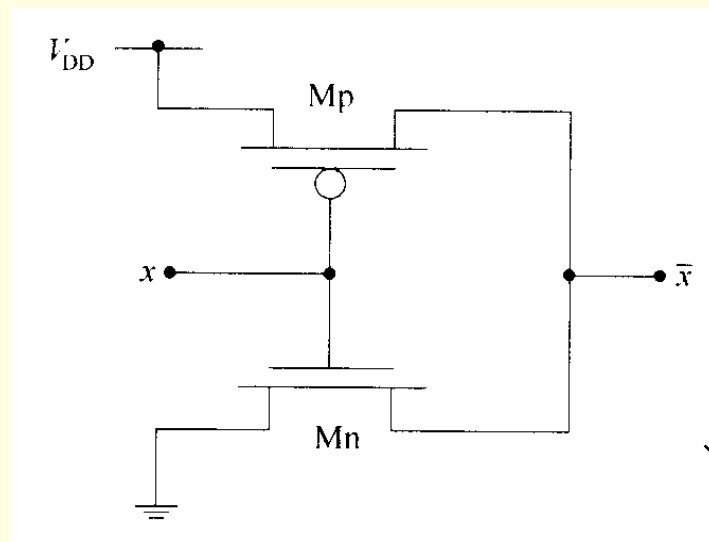
真值表

$$f(x) = \text{NOT}(x) = \bar{x}$$

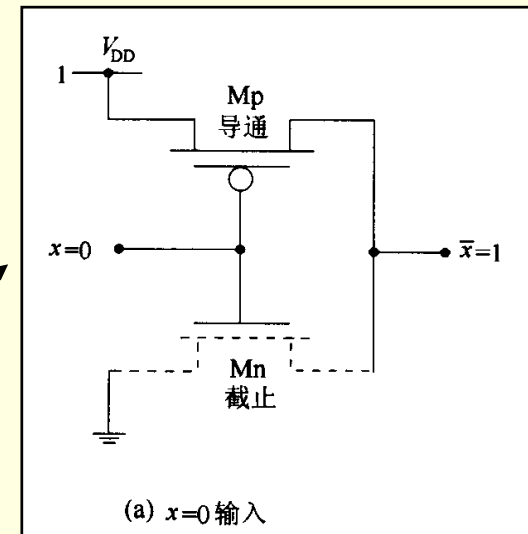
逻辑表达式

## 2.3 基本逻辑门

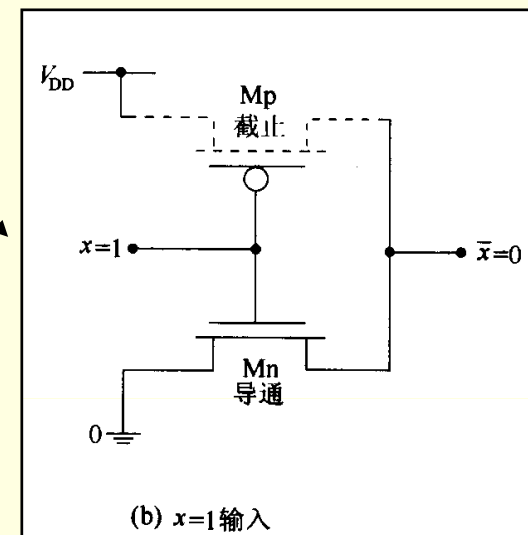
### 反相器:CMOS实现



电路图



(a)  $x=0$  输入

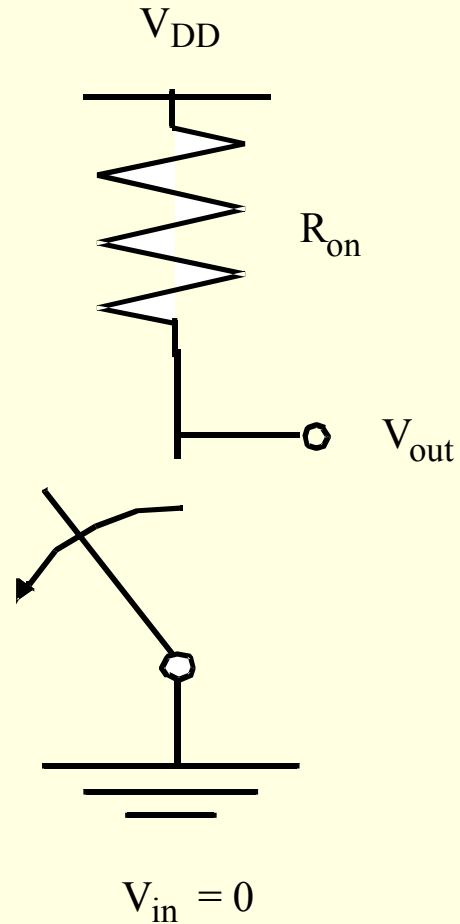
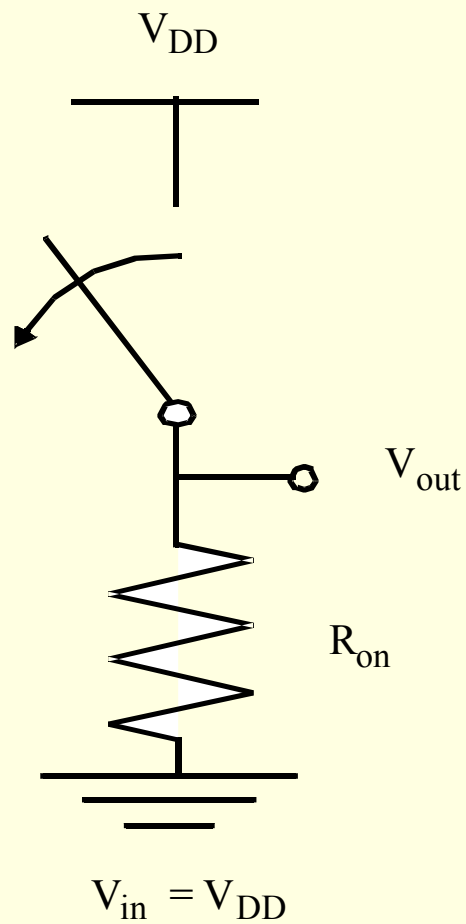


(b)  $x=1$  输入

工作状态

## 2.3 基本逻辑门

反相器:开关模型

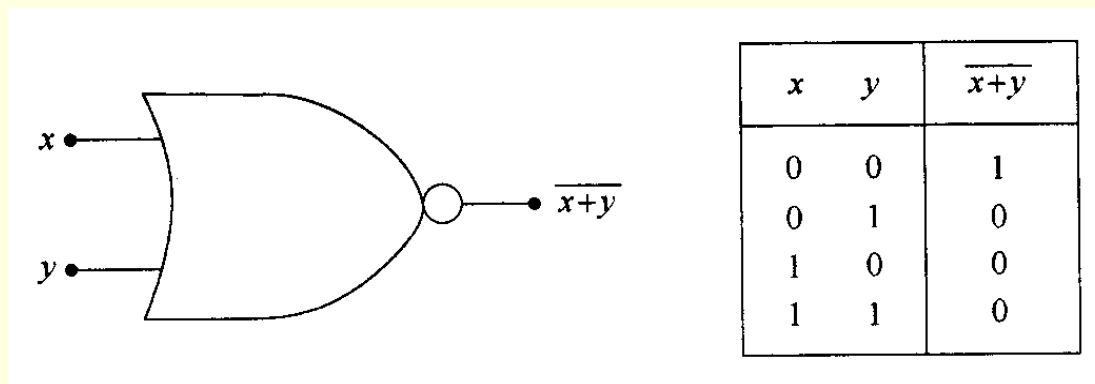


$$V_{OH} = V_{DD}$$

$$V_{OL} = 0$$

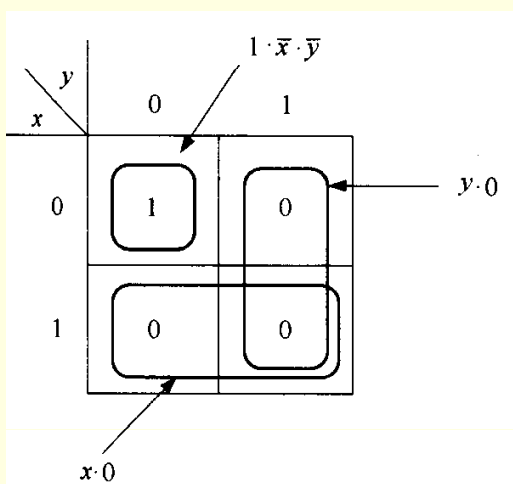
## 2.3 基本逻辑门

### 或非门:逻辑描述



逻辑符号

真值表



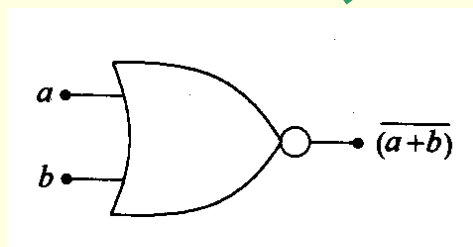
卡诺图

x	y	Mpx	Mpy	Mnx	Mny	g
0	0	on	on	off	off	1
0	1	on	off	off	on	0
1	0	off	on	on	off	0
1	1	off	off	on	on	0

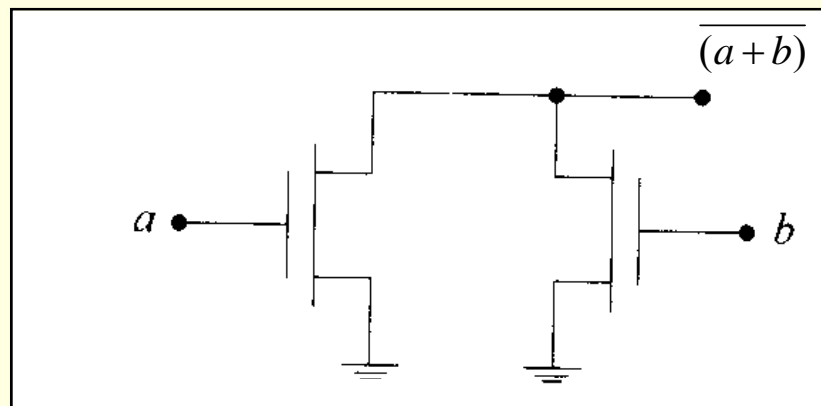
工作状态表

## 2.3 基本逻辑门

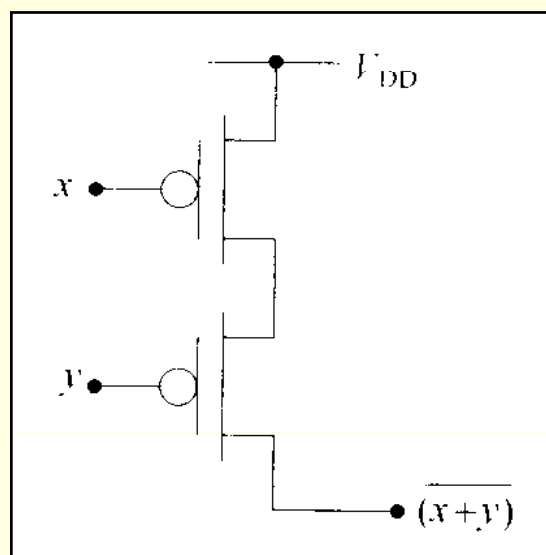
### 或非门:FET实现



a	b	out
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	0



nFET并联实现或非  
(低电平有效)

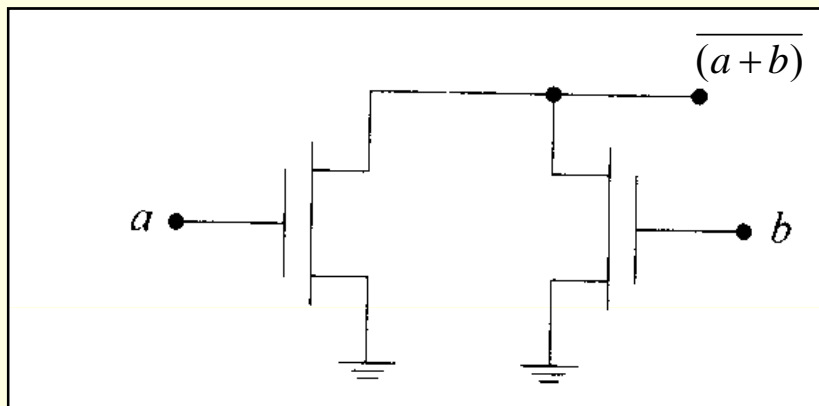
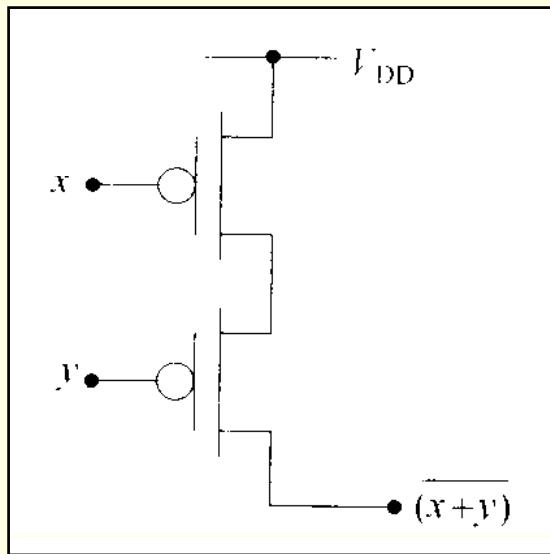


pFET串联实现与非  
(高电平有效)

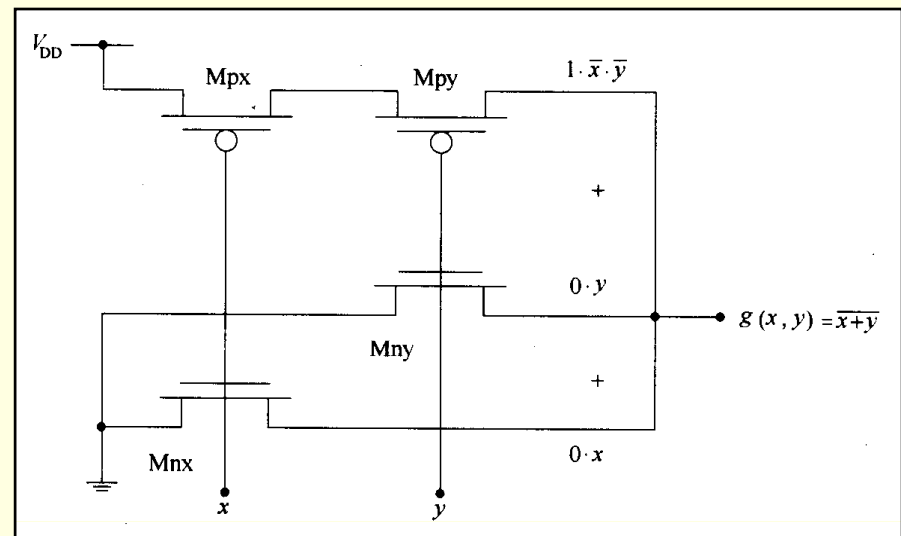
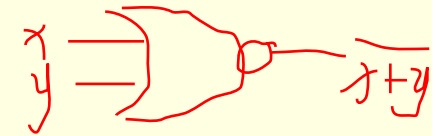
# 2.3 基本逻辑门

## 或非门:CMOS实现

分别实现



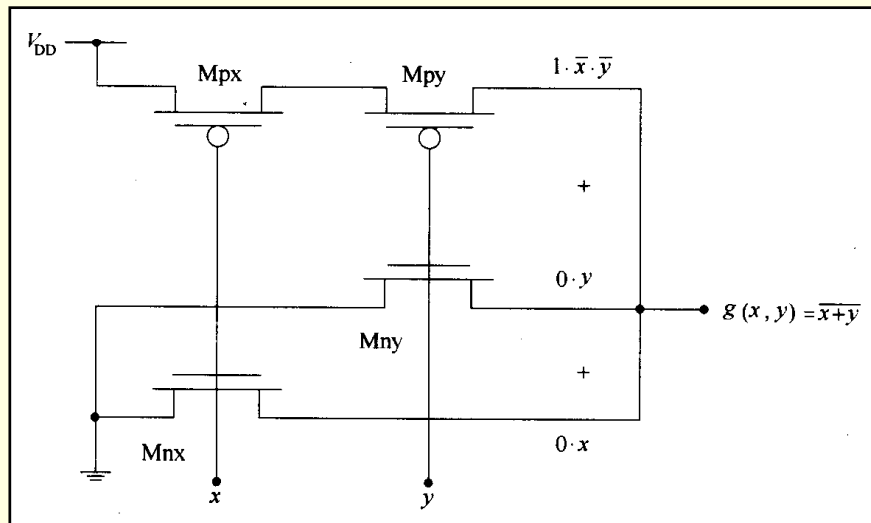
或非门的逻辑电路图



完整实现

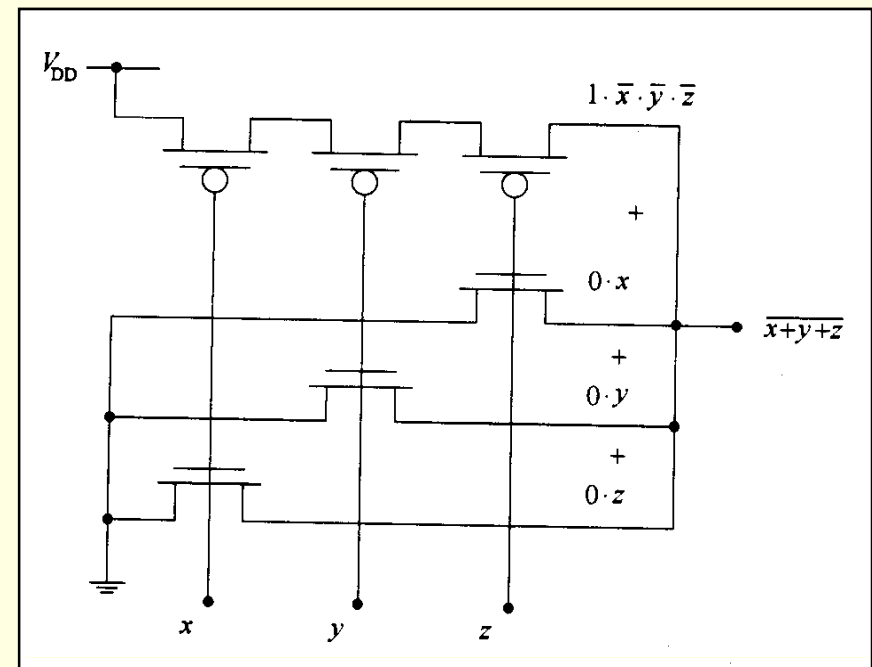
## 2.3 基本逻辑门

### 或非门:CMOS实现



2输入或非门  
(NOR2)

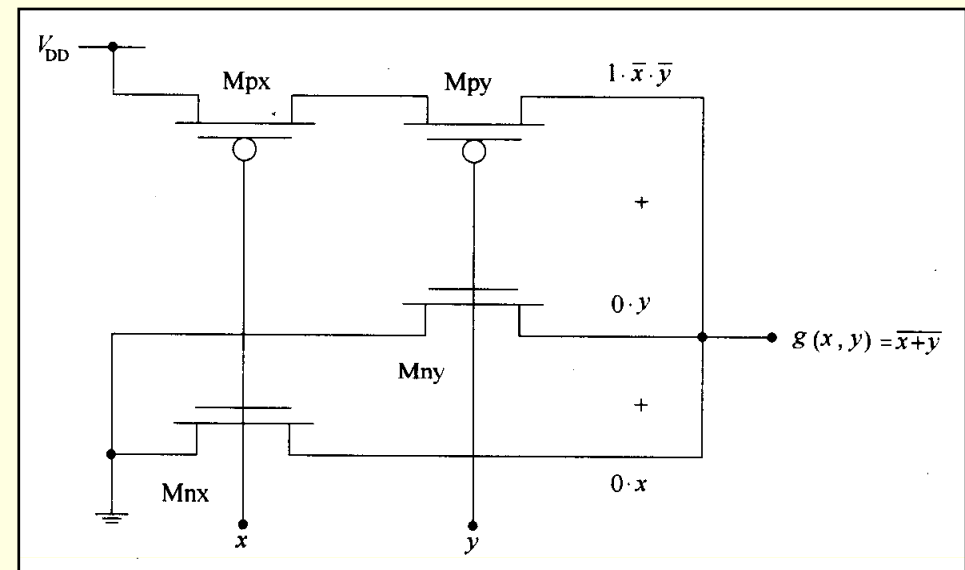
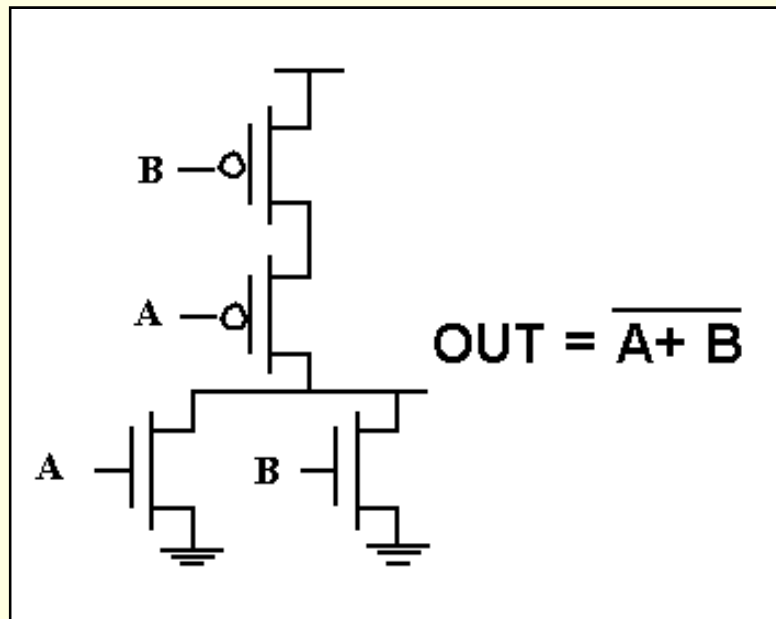
p串n并



3输入或非门  
(NOR3)

## 2.3 基本逻辑门

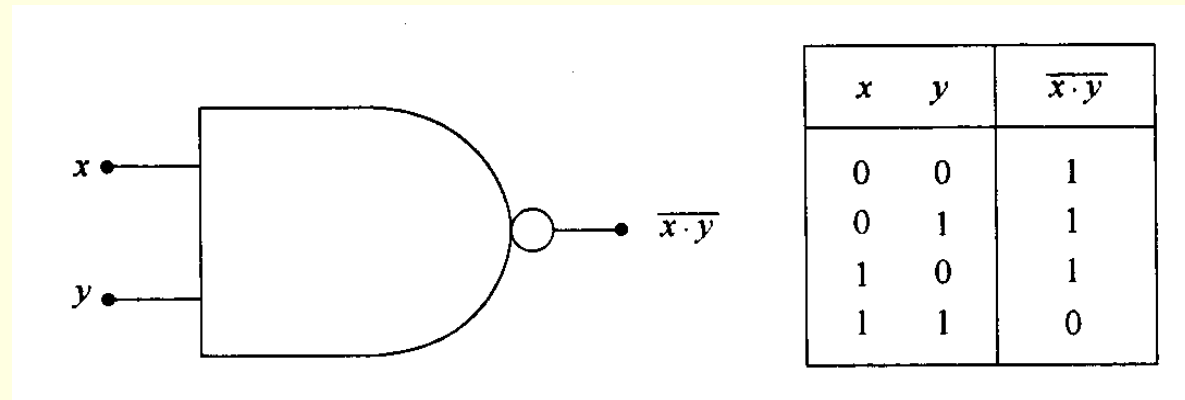
或非门:不同的电路画法





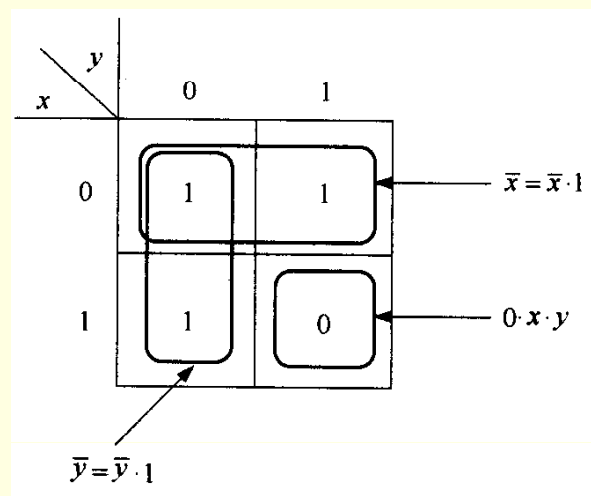
## 2.3 基本逻辑门

### 与非门:逻辑描述



逻辑符号

真值表



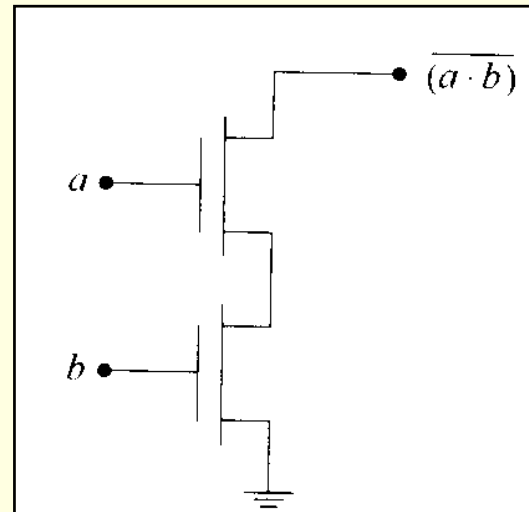
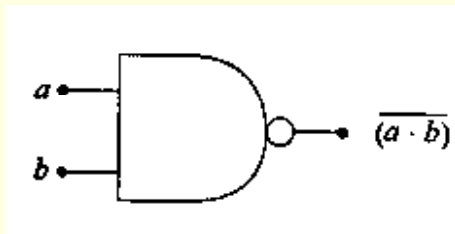
卡诺图

$x$	$y$	Mpx	Mpy	Mnx	Mny	$h$
0	0	on	on	off	off	1
0	1	on	off	off	on	1
1	0	off	on	on	off	1
1	1	off	off	on	on	0

工作状态表

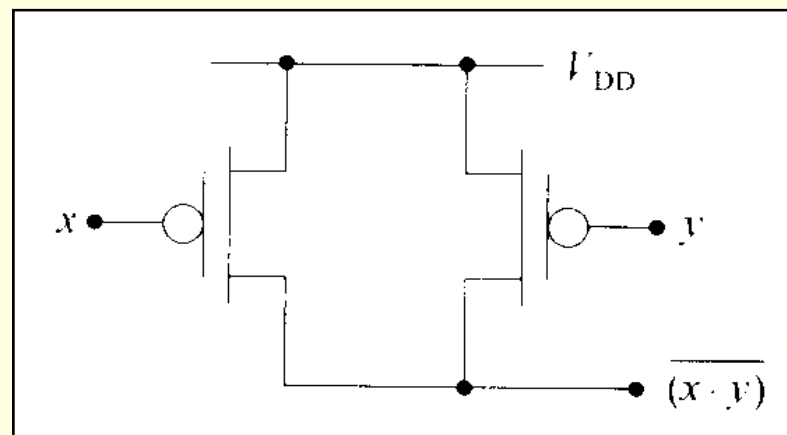
## 2.3 基本逻辑门

### 与非门:FET实现



nFET串联实现与非  
(低电平有效)

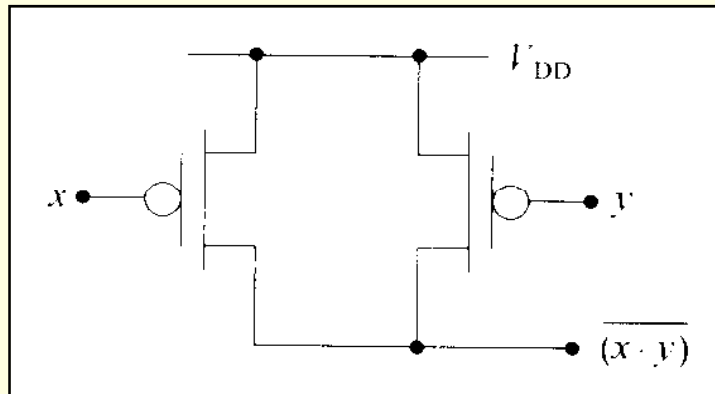
a	b	out
0	0	1
0	1	1
1	0	1
1	1	0



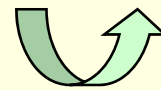
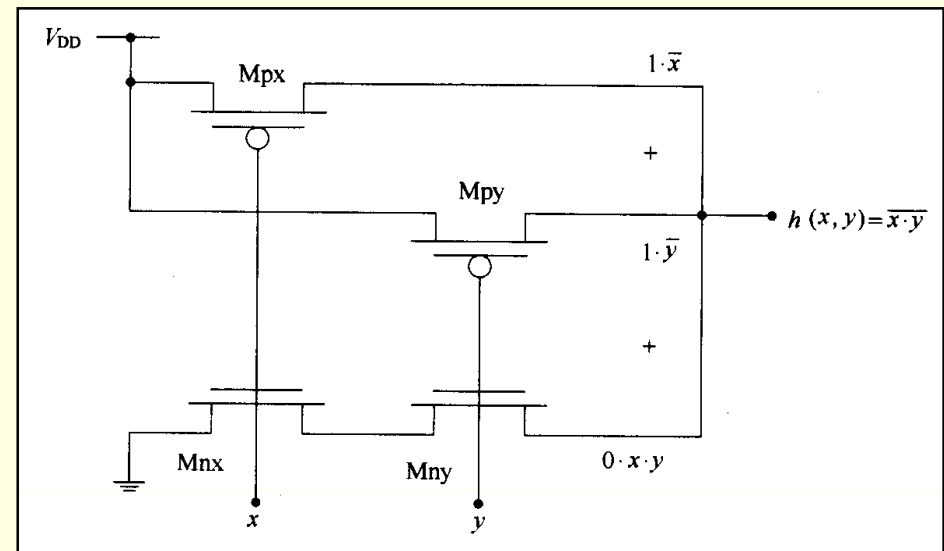
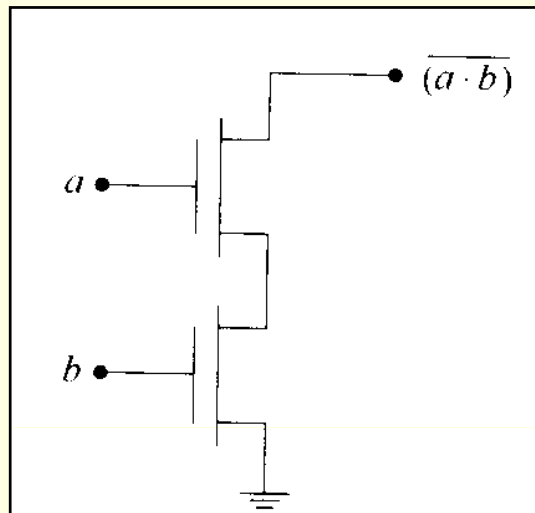
pFET并联实现与非  
(高电平有效)

## 2.3 基本逻辑门

### 与非门:CMOS实现



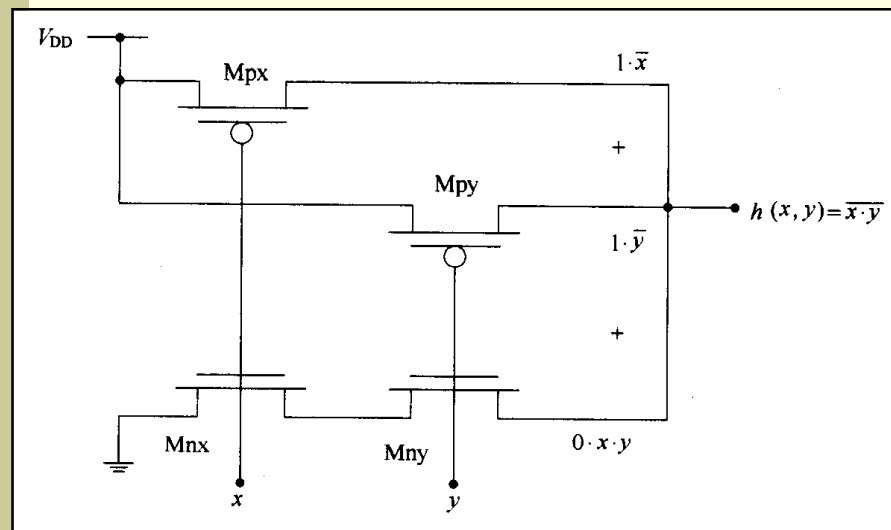
分别实现



完整实现

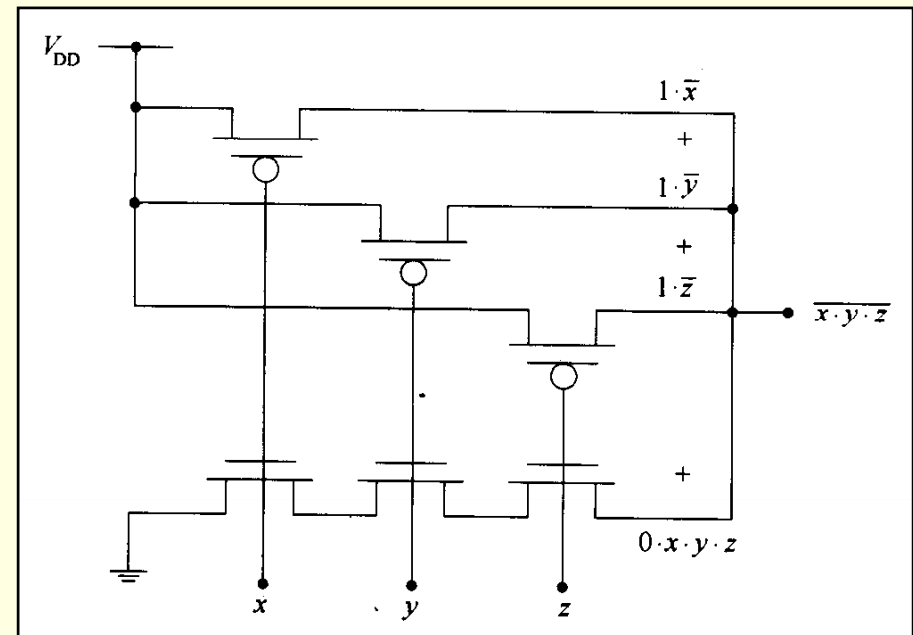
## 2.3 基本逻辑门

与非门: 电路特点



2输入与非门  
(NAND2)

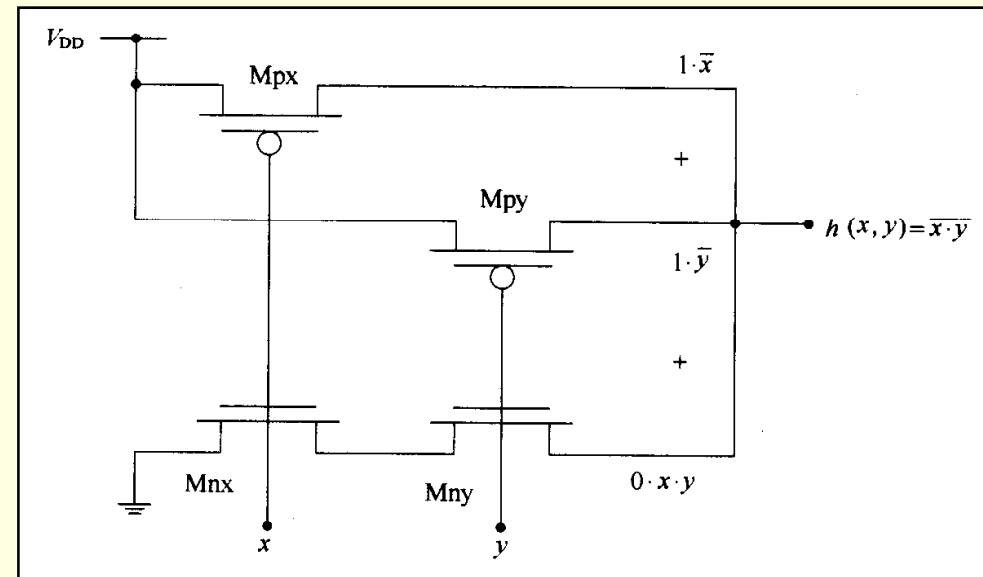
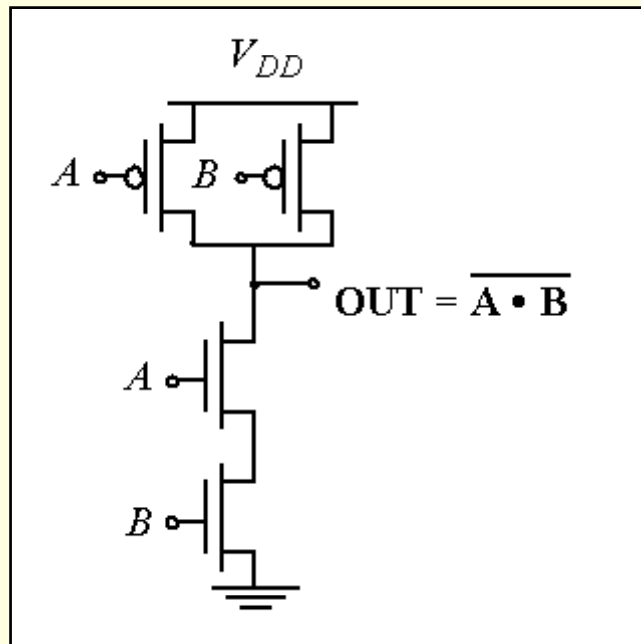
n串p并



3输入或非门  
(NAND3)

## 2.3 基本逻辑门

与非门:不同的电路画法



## 2.4 组合逻辑门

### 设计目标

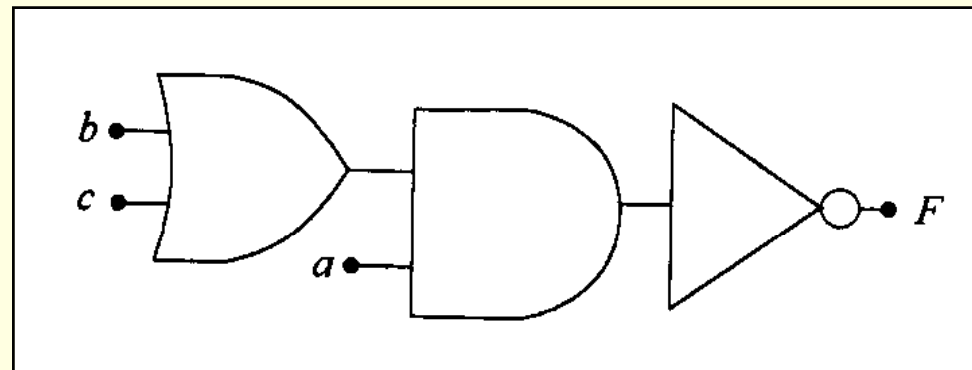
- 同一个组合逻辑可以用不同的电路来实现
- 设计原则
  - 包含的门数及管数尽可能的少
  - 门的连接关系尽量简单
  - 多用反相门（NAND、NOR等），少用同相门（AND、OR等）
- 设计目标
  - 减少芯片面积→降低芯片成本
  - 缩短互连线→提高传输速度

## 2.4 组合逻辑门

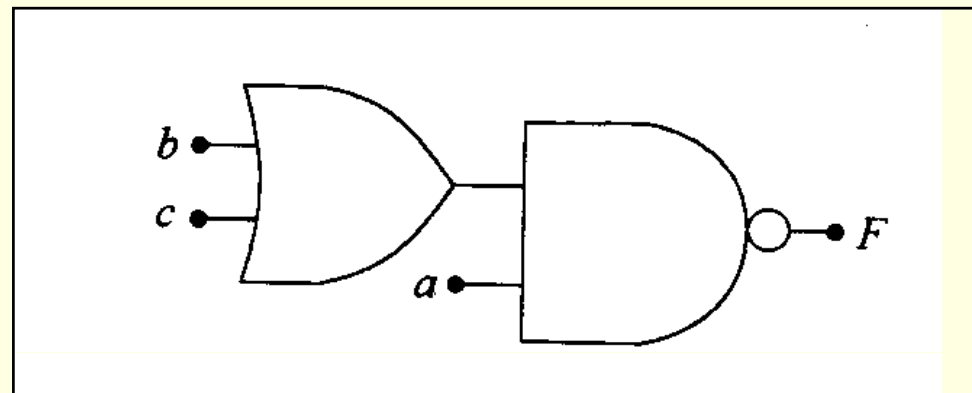
实例(1)

$$F(a,b,c) = \overline{a \cdot (b + c)}$$

14个  
晶体管



10个  
晶体管



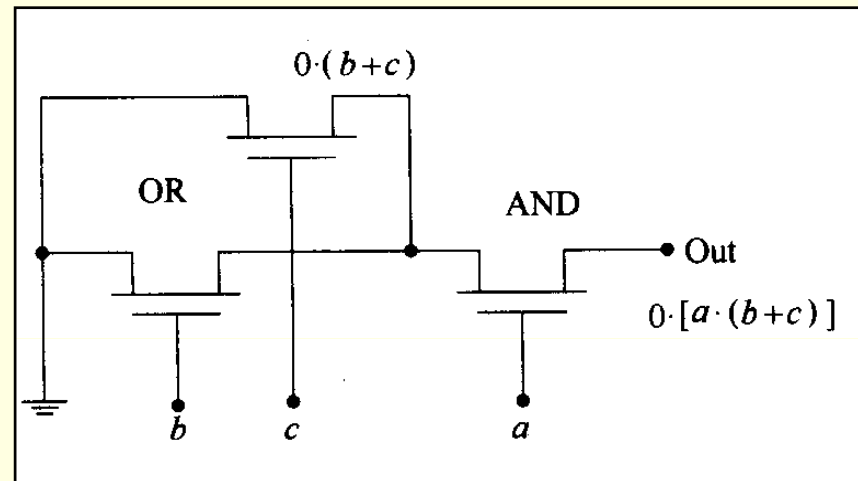
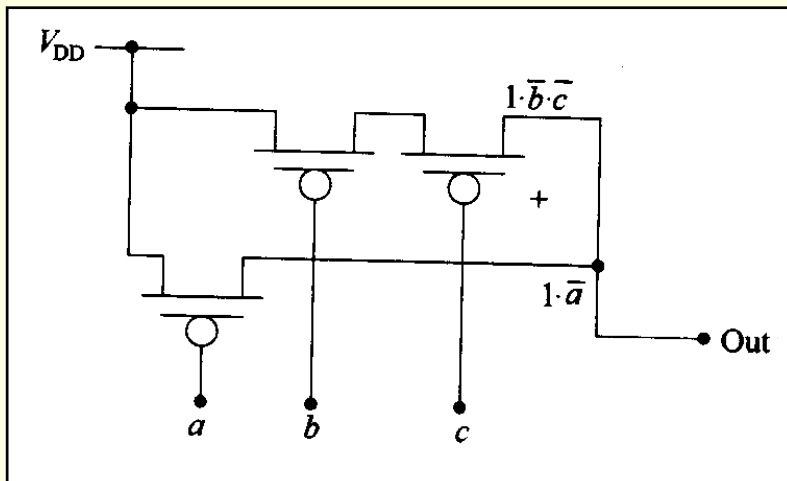
## 2.4 组合逻辑门

实例(2)

$$F(a,b,c) = \overline{a \cdot (b+c)} = [\overline{a} + (\overline{b} \cdot \overline{c})] \cdot 1 + [a \cdot (b+c)] \cdot 0$$

pFET

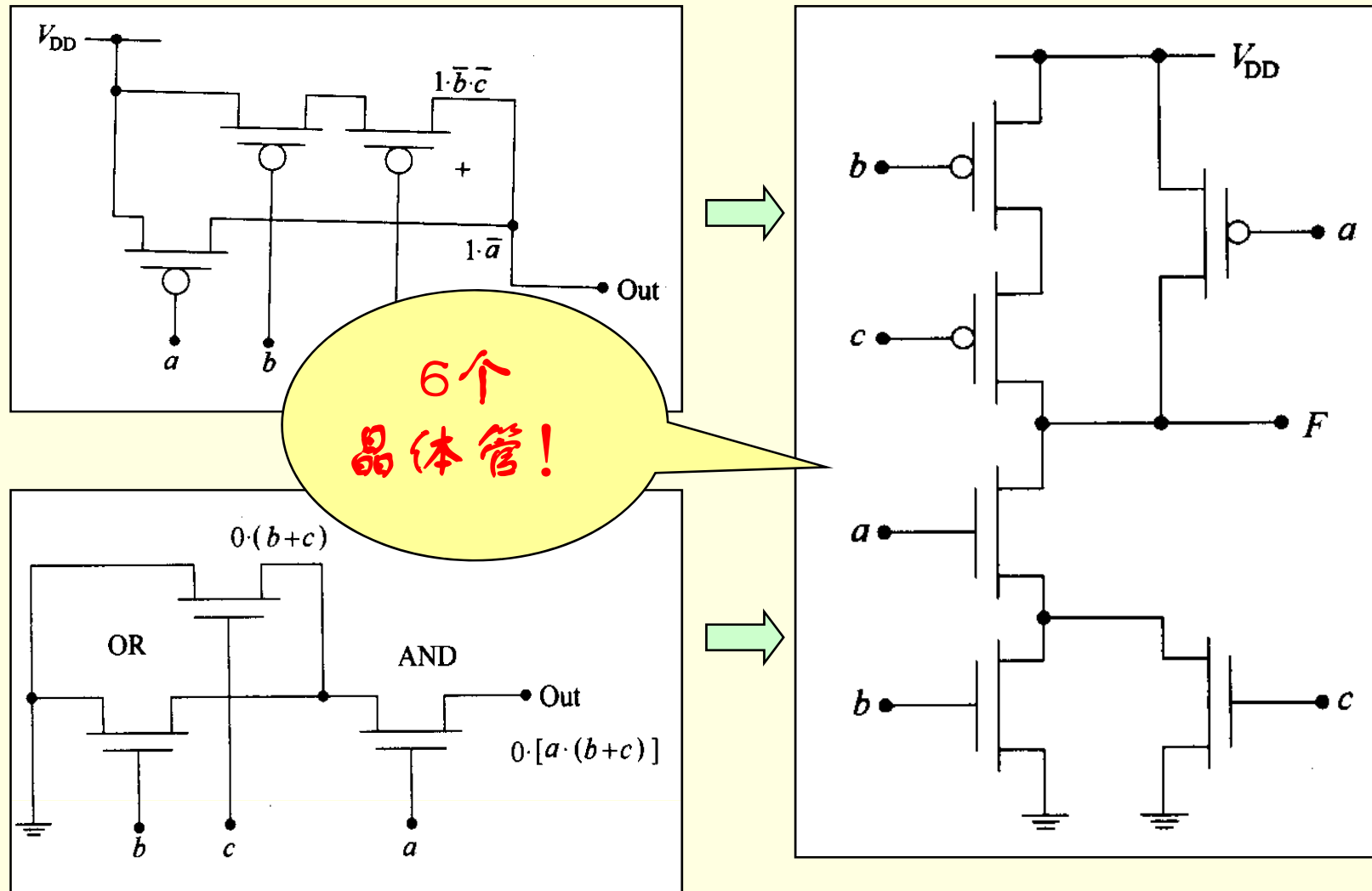
nFET





## 2.4 组合逻辑门

### 实例(3)



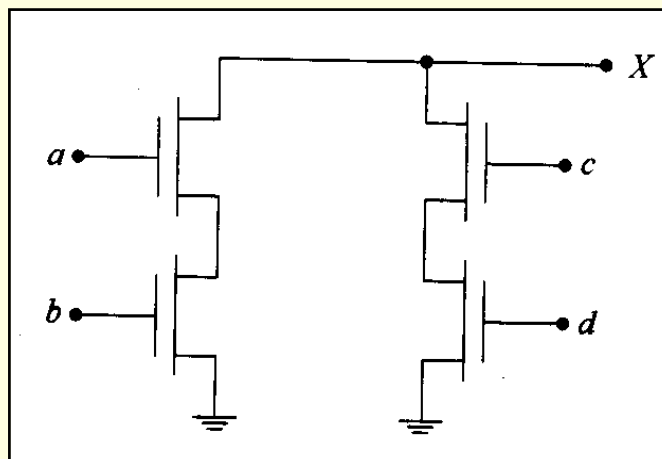
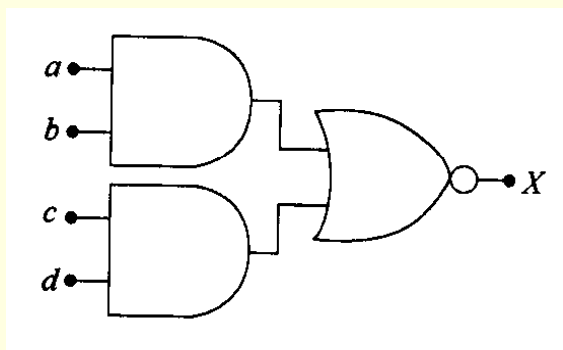
## 2.4 组合逻辑门

### 与或非门:FET实现

And-Or-Invert

与或非 (AOI)

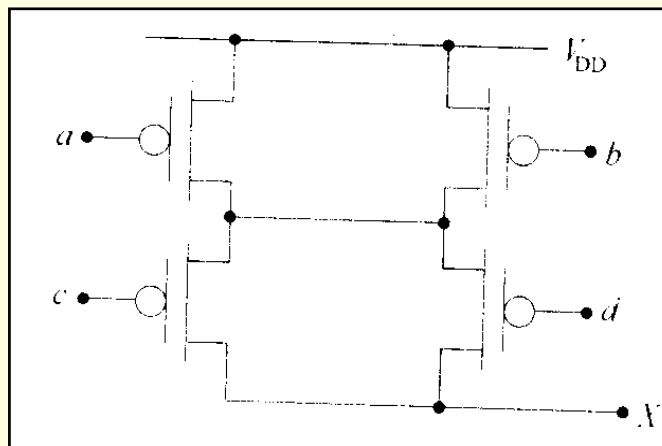
$$X(a,b,c,d) = \overline{(a \cdot b) + (c \cdot d)}$$



用nFET实现

$$X = 0 \cdot [(a \cdot b) + (c \cdot d)]$$

输出低电平时有效



用pFET实现

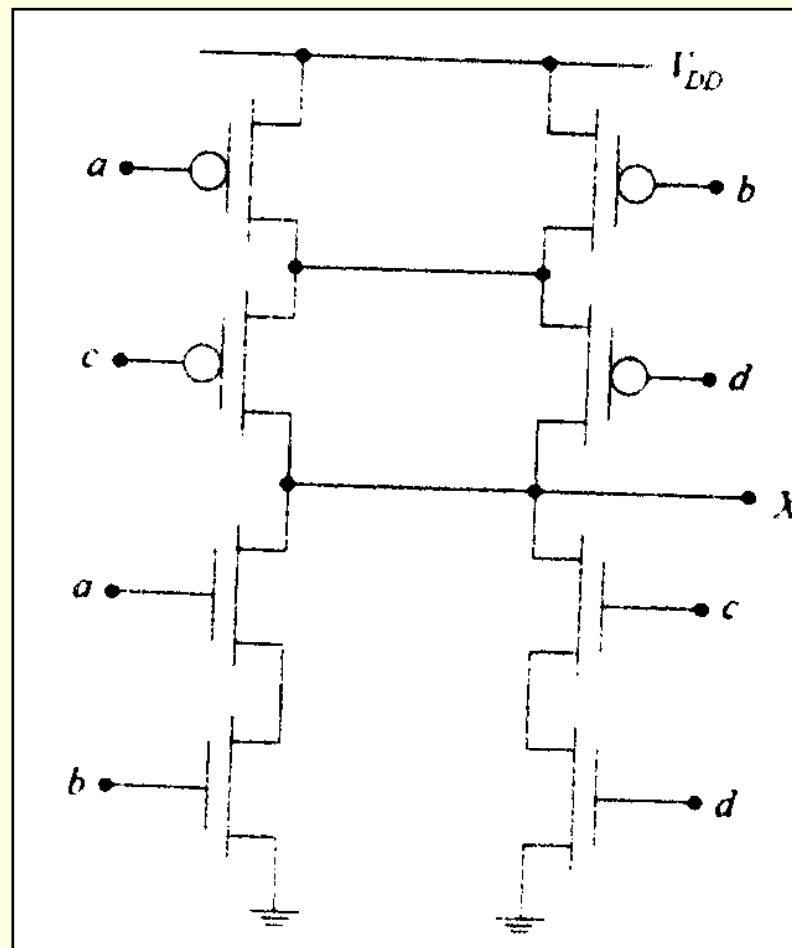
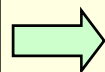
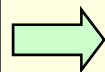
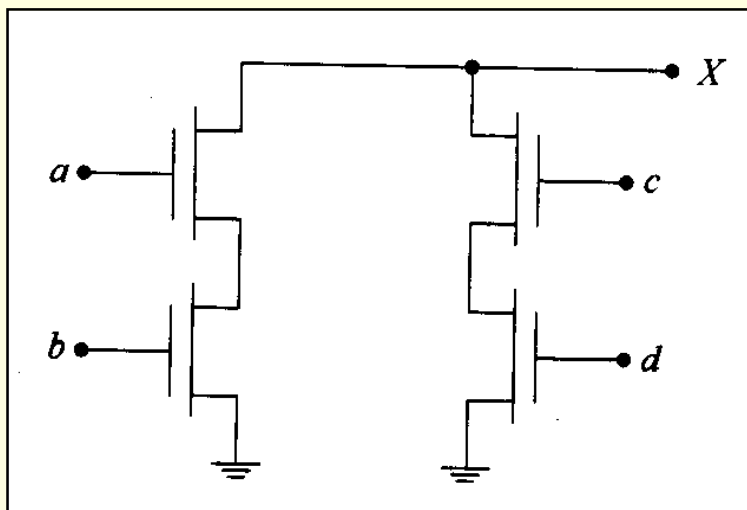
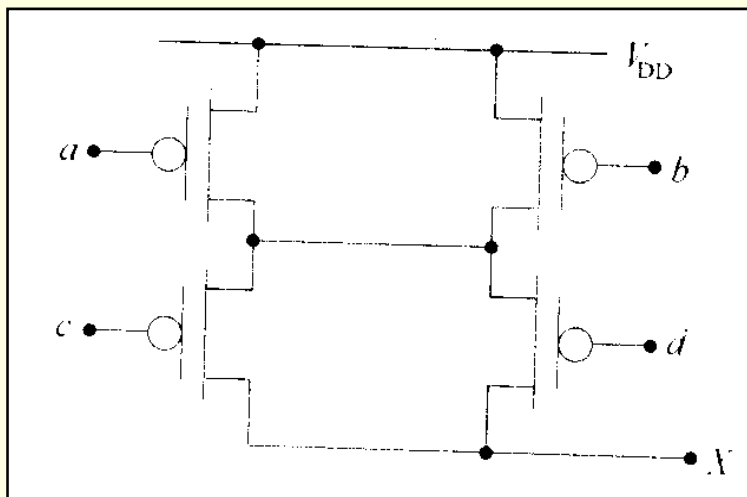
$$X = 1 \cdot [(a \cdot b) + (c \cdot d)]$$

输出高电平时有效

## 2.4 组合逻辑门

### 与或非门:CMOS实现

分别实现



完整实现

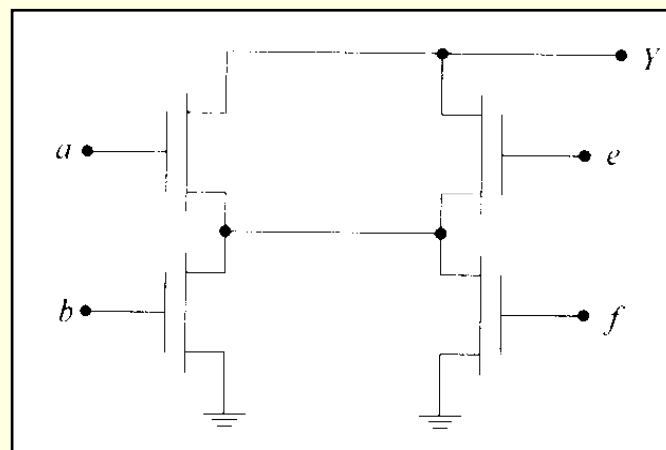
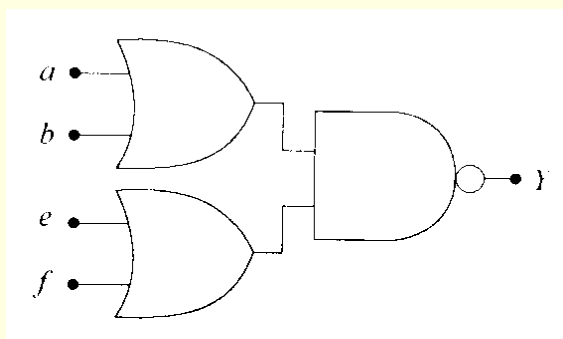
## 2.4 组合逻辑门

### 或与非门:FET实现

Or-And-Invert

或与非 (OAI)

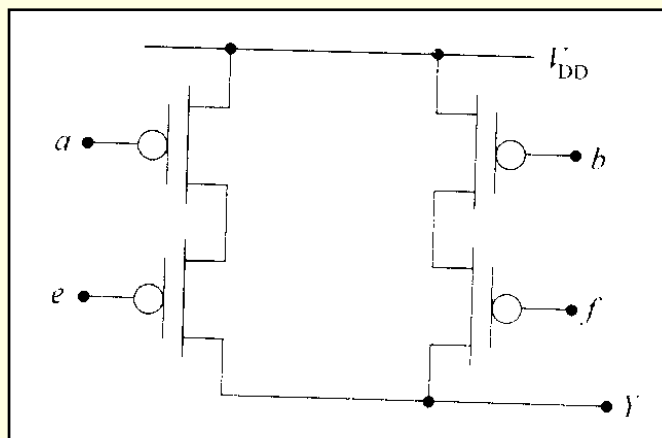
$$Y(a,b,e,f) = \overline{(a+e) \cdot (b+f)}$$



用nFET实现

$$X = 0 \cdot [(a+e) \cdot (b+f)]$$

输出低电平时有效



用pFET实现

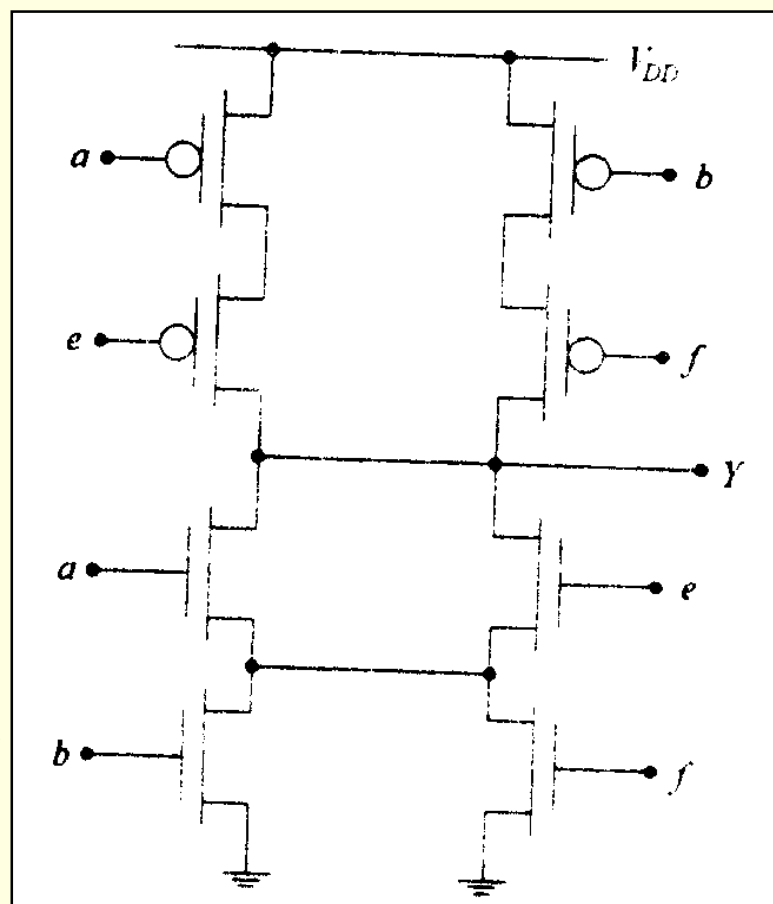
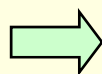
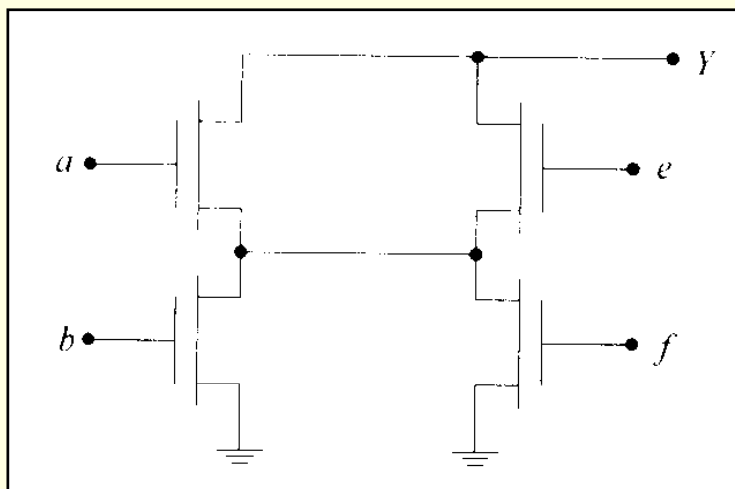
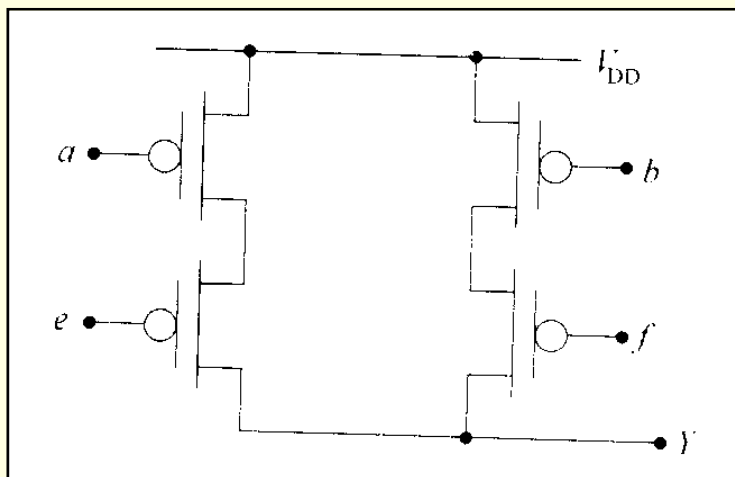
$$X = 1 \cdot [(a+e) \cdot (b+f)]$$

输出高电平时有效

## 2.4 组合逻辑门

### 或非门:CMOS实现

分别实现

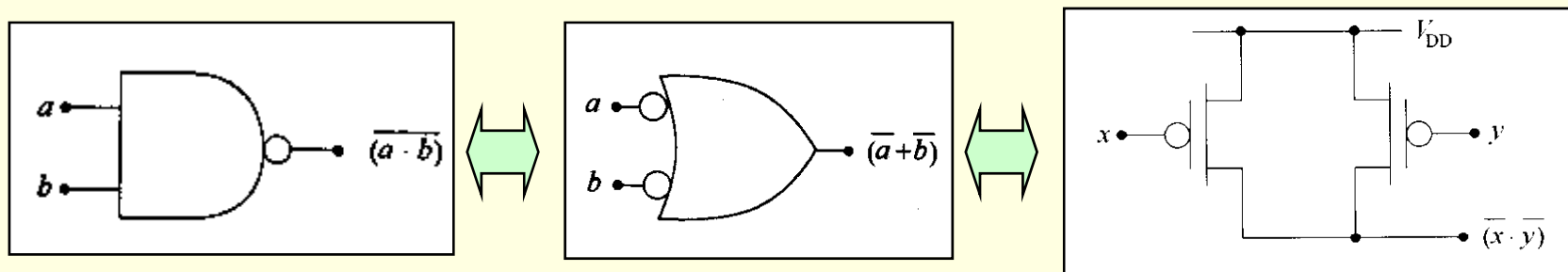


完整实现

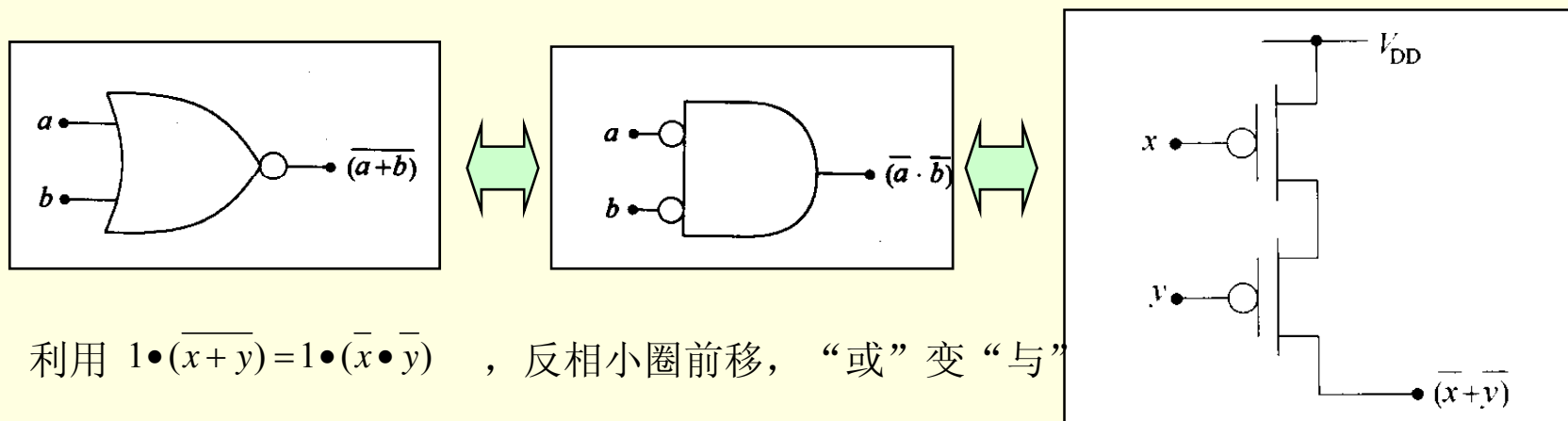
## 2.4 组合逻辑门

### 反相小圈前移法

移动反相小圈—实现“与”、“非”变换



利用  $1 \cdot \overline{(x \cdot y)} = 1 \cdot \overline{(x + y)}$ ，反相小圈前移，“与”变“或”



利用  $1 \cdot \overline{(x + y)} = 1 \cdot \overline{(x \cdot y)}$ ，反相小圈前移，“或”变“与”

# 2.4 组合逻辑门

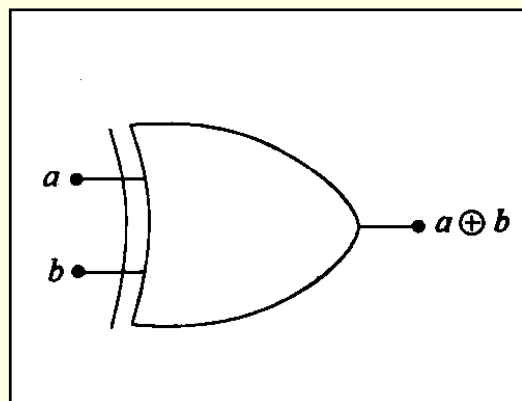
## 异或门(XOR)

**功能** → 当且仅当全部输入相等时输出为0，否则为1

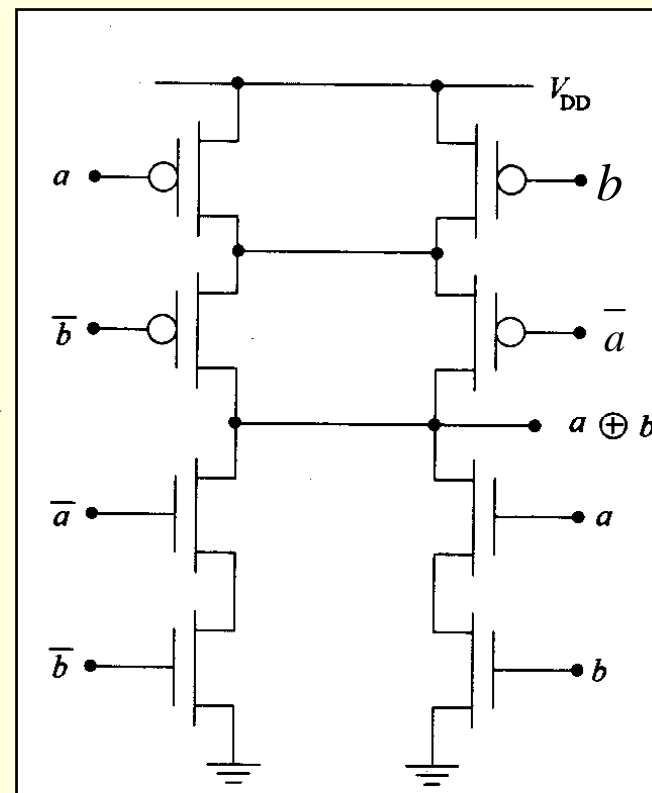
**真值表** →

$a$	$b$	$a \oplus b$
0	0	0
0	1	1
1	0	1
1	1	0

**符号** →



**电路图** →



AOI

**等效表达式** →

$$a \oplus b = \overline{\overline{a \oplus b}} = \overline{a \cdot b + \bar{a} \cdot \bar{b}}$$

**逻辑表达式** →

$$a \oplus b = \bar{a} \cdot b + a \cdot \bar{b}$$

# 2.4 组合逻辑门

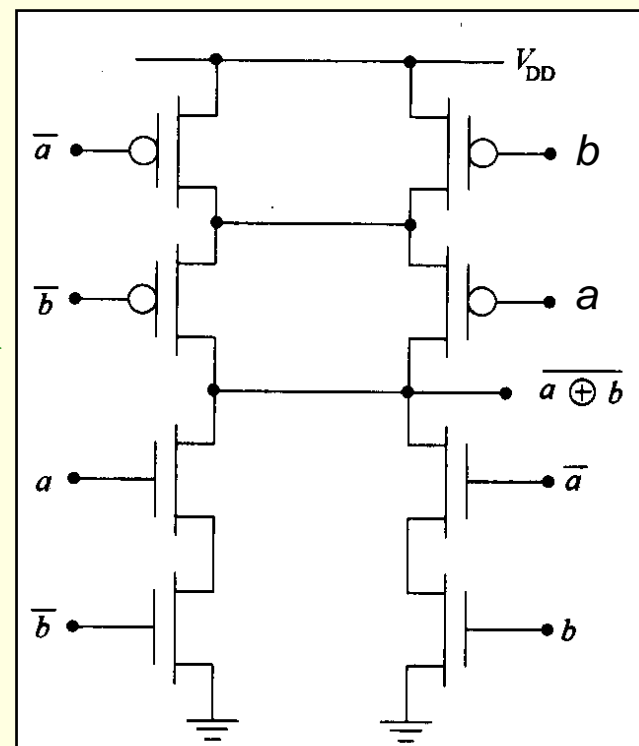
## 异或非门(XNOR)

**功能** → 当且仅当输入全部相等时  
输出为1，否则为0

**真值表** →

$a$	$b$	$\overline{a \oplus b}$
0	0	1
0	1	0
1	0	0
1	1	1

**电路图** →



**符号** →

**等效表达式** →

$$\overline{a \oplus b} = \overline{\overline{a \cdot b} + \overline{a \cdot \overline{b}}}$$

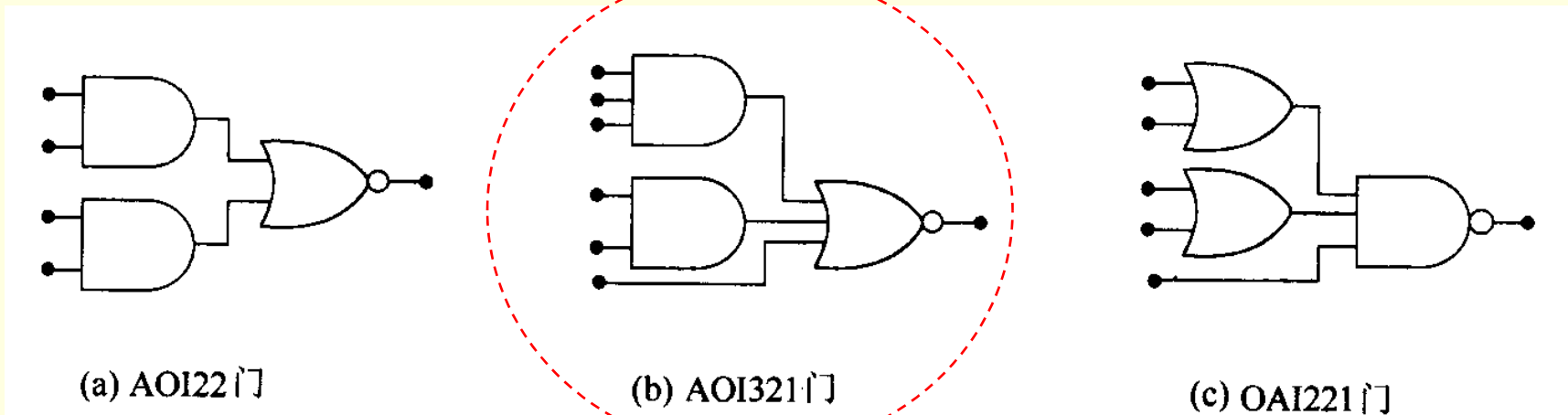
**逻辑表达式** →

$$\overline{a \oplus b} = a \cdot b + \overline{a} \cdot \overline{b}$$



## 2.4 组合逻辑门

标准AOI/OAI门:构成



AOI321

第1个与门有3个输入端

有1个输入端直接连到第2级或门上

第2个与门有2个输入端

## 2.4 组合逻辑门

### 标准AOI/OAI门:应用

基于标准AOI/OAI门可以实现各种逻辑门

$$\text{AOI22}(a, b, c, d) = \overline{a \cdot b + c \cdot d}$$

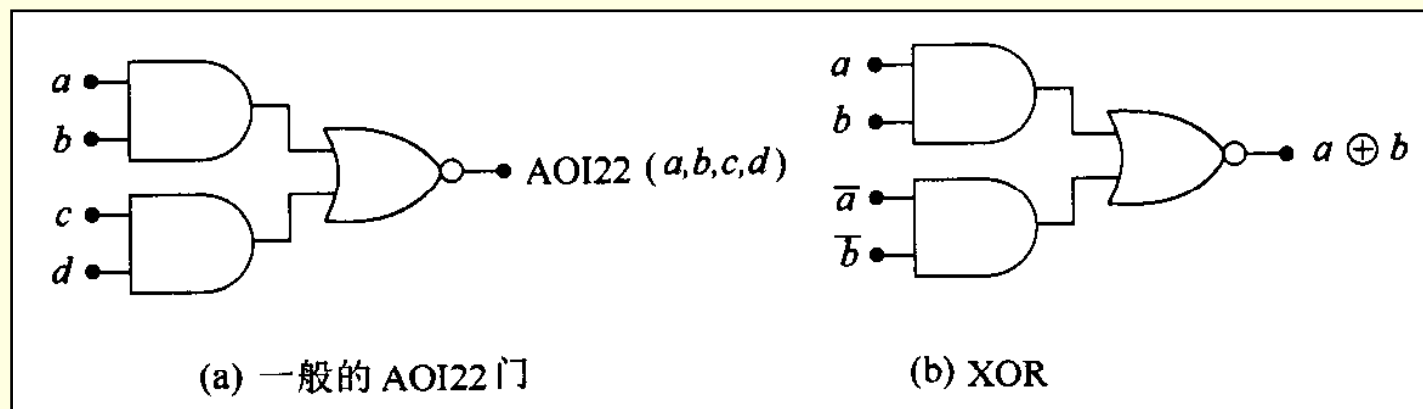
AOI22门

$$a \oplus b = \text{AOI22}(a, b, \bar{a}, \bar{b})$$

异或门

$$\overline{a \oplus b} = \text{AOI22}(a, \bar{b}, \bar{a}, b)$$

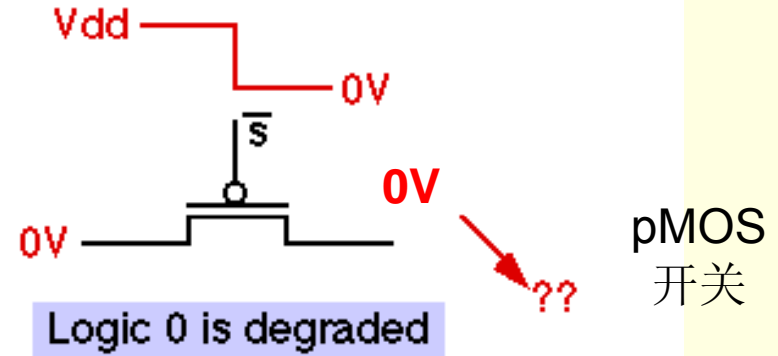
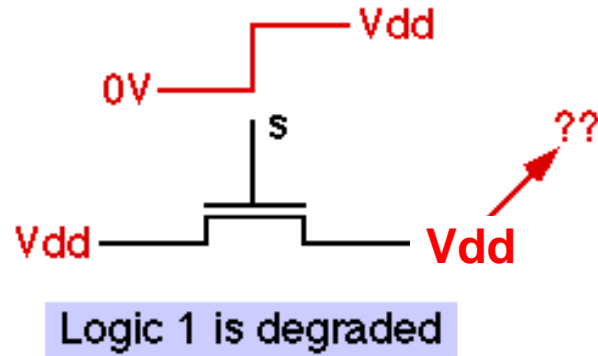
异或非门



# 2.5 传输门

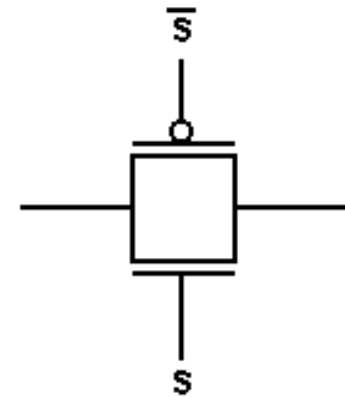
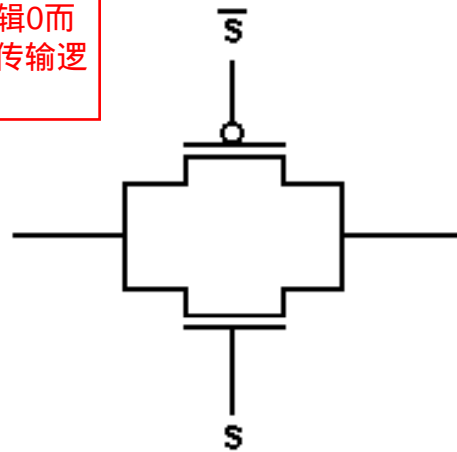
由来

nMOS  
开关



pMOS  
开关

传输门中的NMOS  
用于传输逻辑0而  
PMOS用于传输逻辑1

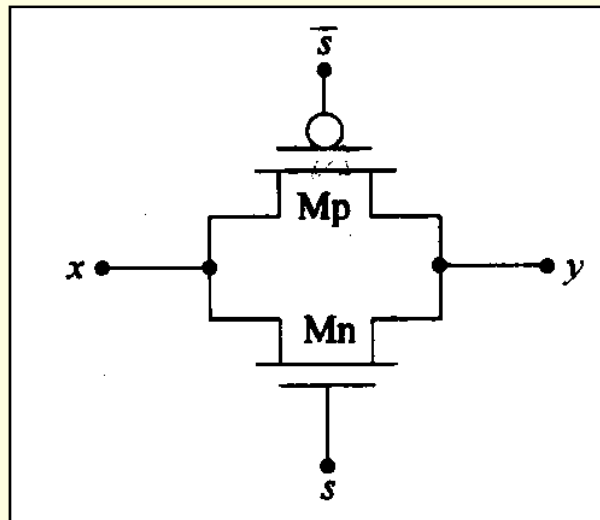


传输门开关  
(no degraded)

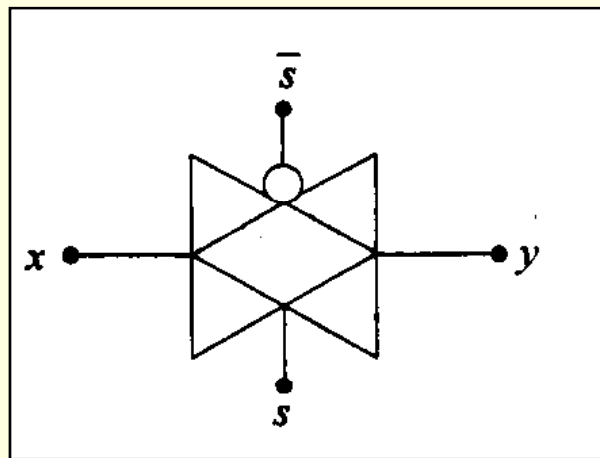
# 2.5 传输门

## 构成

电路 →



符号 →



### ■ 构造

- 1个nFET和1个pFET并联
- 共源（输入）、共漏（输出）
- nFET由信号 $s$ 控制，pFET由反信号 $\bar{s}$ 控制

### ■ 功能

- 性能良好的开关
- $s=0$ 时，两个FET均截止，输入 $x$ 与输出 $y$ 无关系
- $s=1$ 时，两个FET均导通，输入 $x$ =输出 $y$

## 2.5 传输门

### 特点

- 优点（与单nFET相比）
  - 双向导通：数据可沿任一方向流动
  - 传输全范围电压：[0,  $V_{DD}$ ]
  - 0电平由nFET传输，1电平由pFET传输，无阈值电压损失
- 缺点
  - 要求有两个FET
  - 必须有一个反相器将s变为  $\bar{s}$

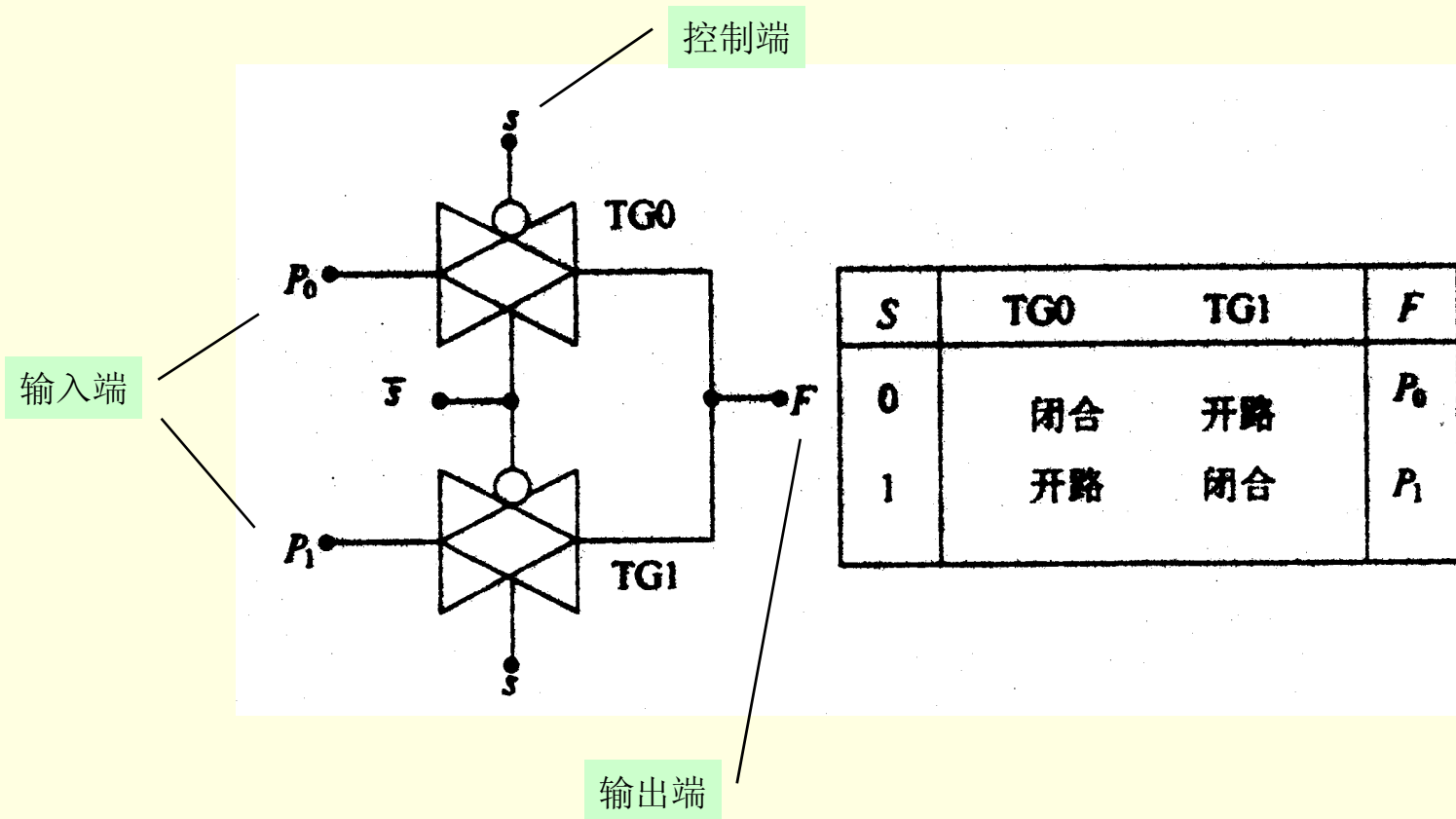
传输门可以用来构造多种逻辑门

# 2.5 传输门

多路选择器:2选1

2: 1MUX

$$F = P_0 \cdot \bar{s} + P_1 \cdot s$$



## 2.5 传输门

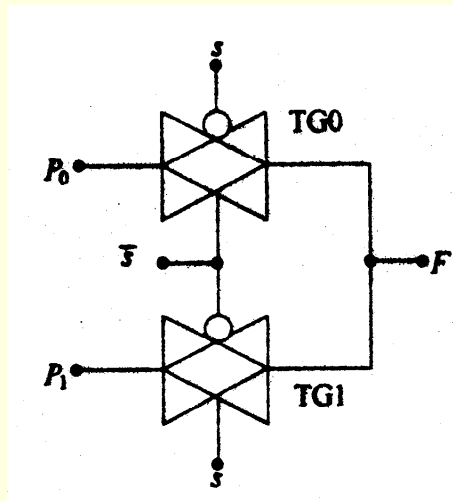
多路选择器:4选1

**4: 1MUX**

$$F = P_0 \cdot \bar{s}_1 \cdot \bar{s}_0 + P_1 \cdot \bar{s}_1 \cdot s_0 + P_2 \cdot s_1 \cdot \bar{s}_0 + P_3 \cdot s_1 \cdot s_0$$

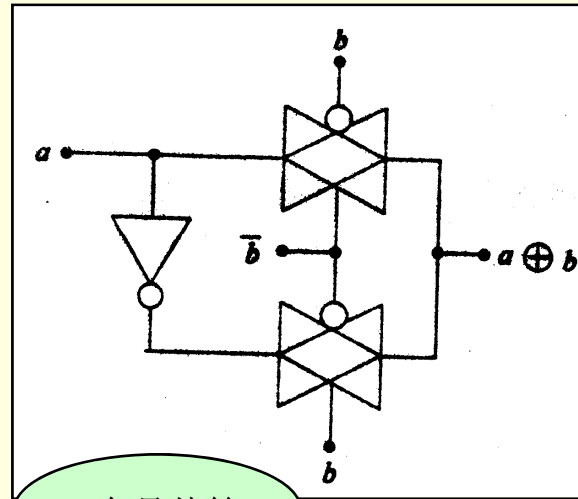
# 2.5 传输门

## 异或门/异或非门:实现方式1



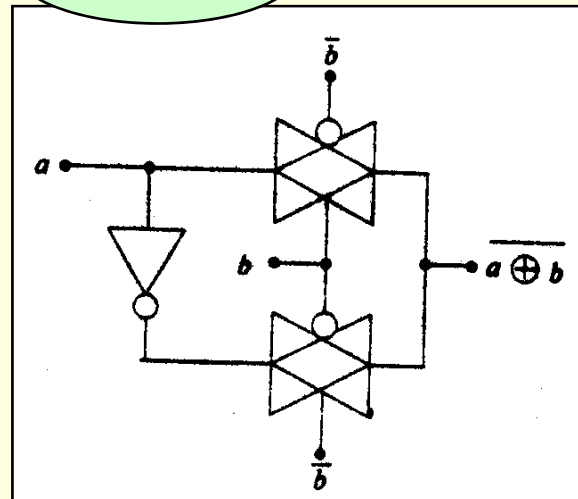
2:1MUX

输入端并一个非门



XOR

$$a \oplus b = \bar{a} \cdot b + a \cdot \bar{b}$$



XNOR

$$\overline{a \oplus b} = a \cdot b + \bar{a} \cdot \bar{b}$$

6个晶体管



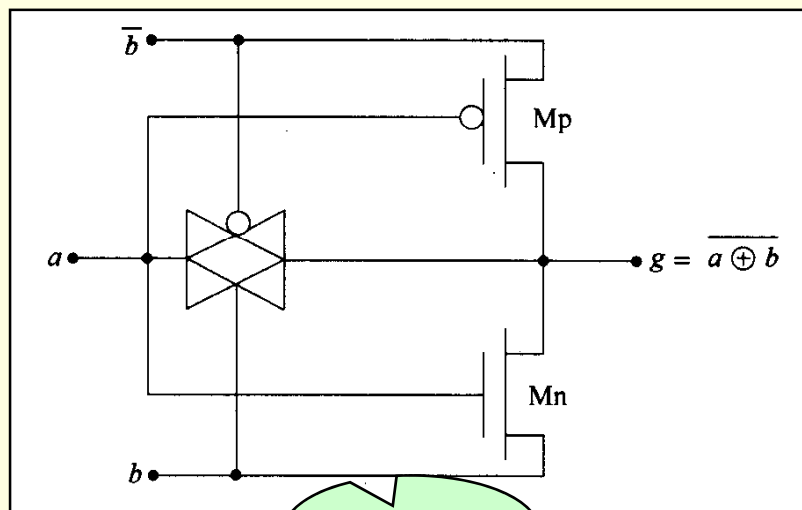
b和b互换



## 2.5 传输门

### 异或门/异或非门:实现方式2

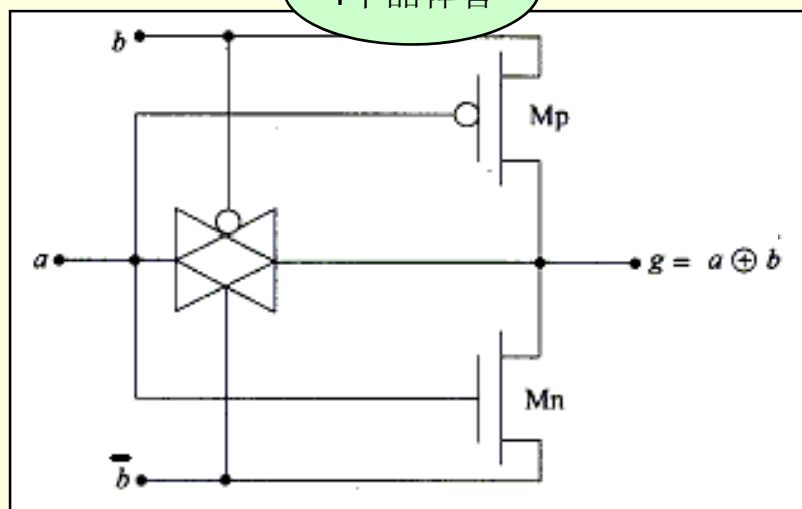
- $b=1$ 时, TG闭合,  $g=a$ , 在且仅在 $a=1$ 时输出为1;
- $b=0$ 时, TG关断, 电路成为一个以 $a$ 为输入、 $\underline{b}$  ( $=V_{DD}$ ) 为电源端、 $\underline{b}$  ( $=0$ ) 为地端的反相器,  $g=\underline{a}$ , 在且仅在 $a=0$ 时输出为1。



XNOR

$$\overline{a \oplus b} = a \cdot b + \bar{a} \cdot \bar{b}$$

b和**underline{b}**互换

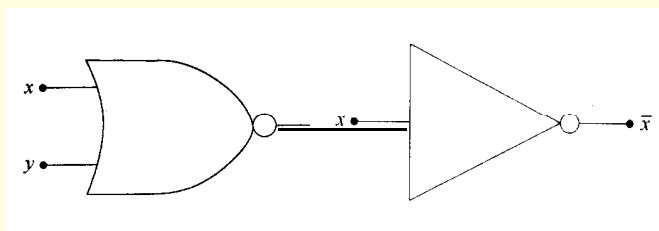


XOR

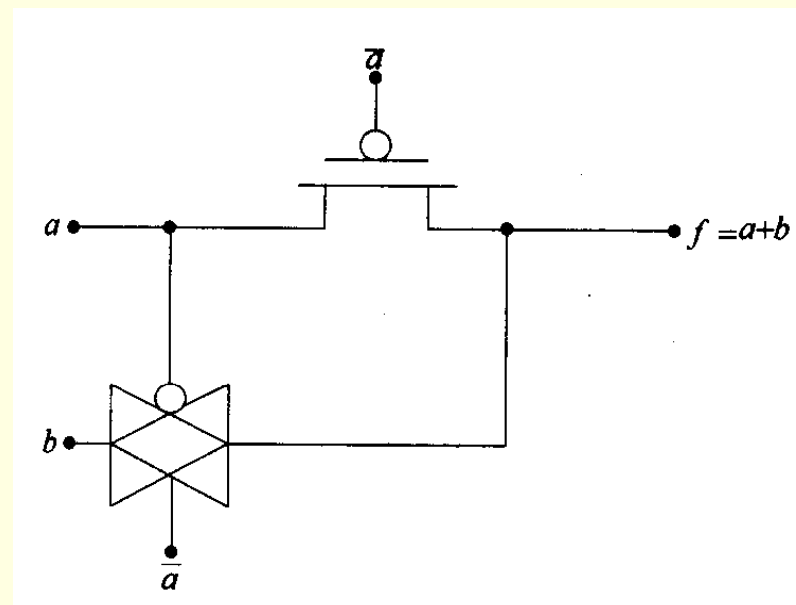
$$a \oplus b = \bar{a} \cdot b + a \cdot \bar{b}$$

## 2.5 传输门

或门



用CMOS对构造或门（6管）

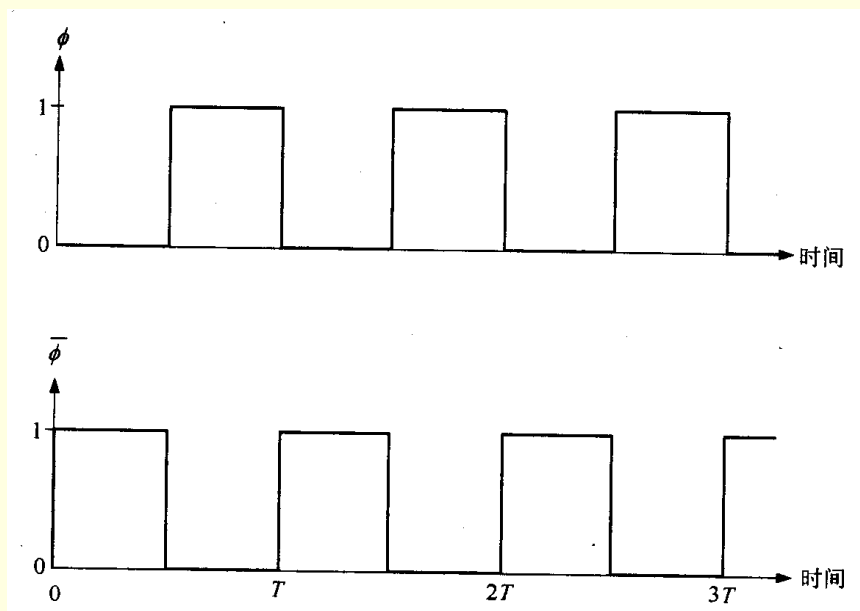


用TG+FET构造或门（3管）

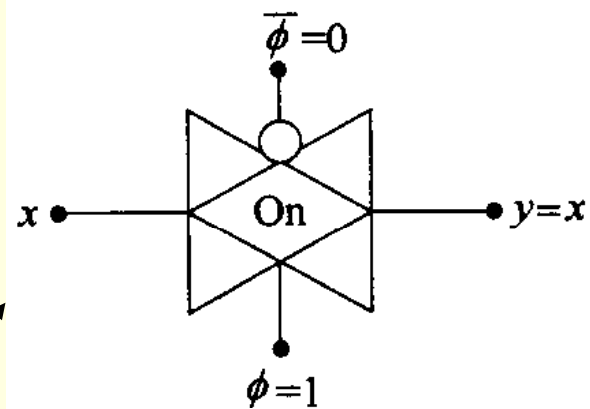
$a=0$ 时，TG导通，pFET截止， $f=b$ ； $a=1$ 时，TG截止，pFET导通， $f=a=1$ （无论 $b$ 为多少）。这就是说，只要有1个输入为1，则输出为1，实现了或门功能。

## 2.5 传输门

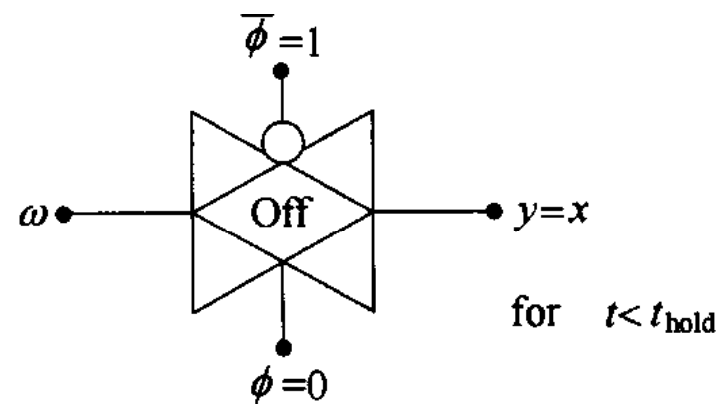
时钟控制传输门:作用



时钟信号



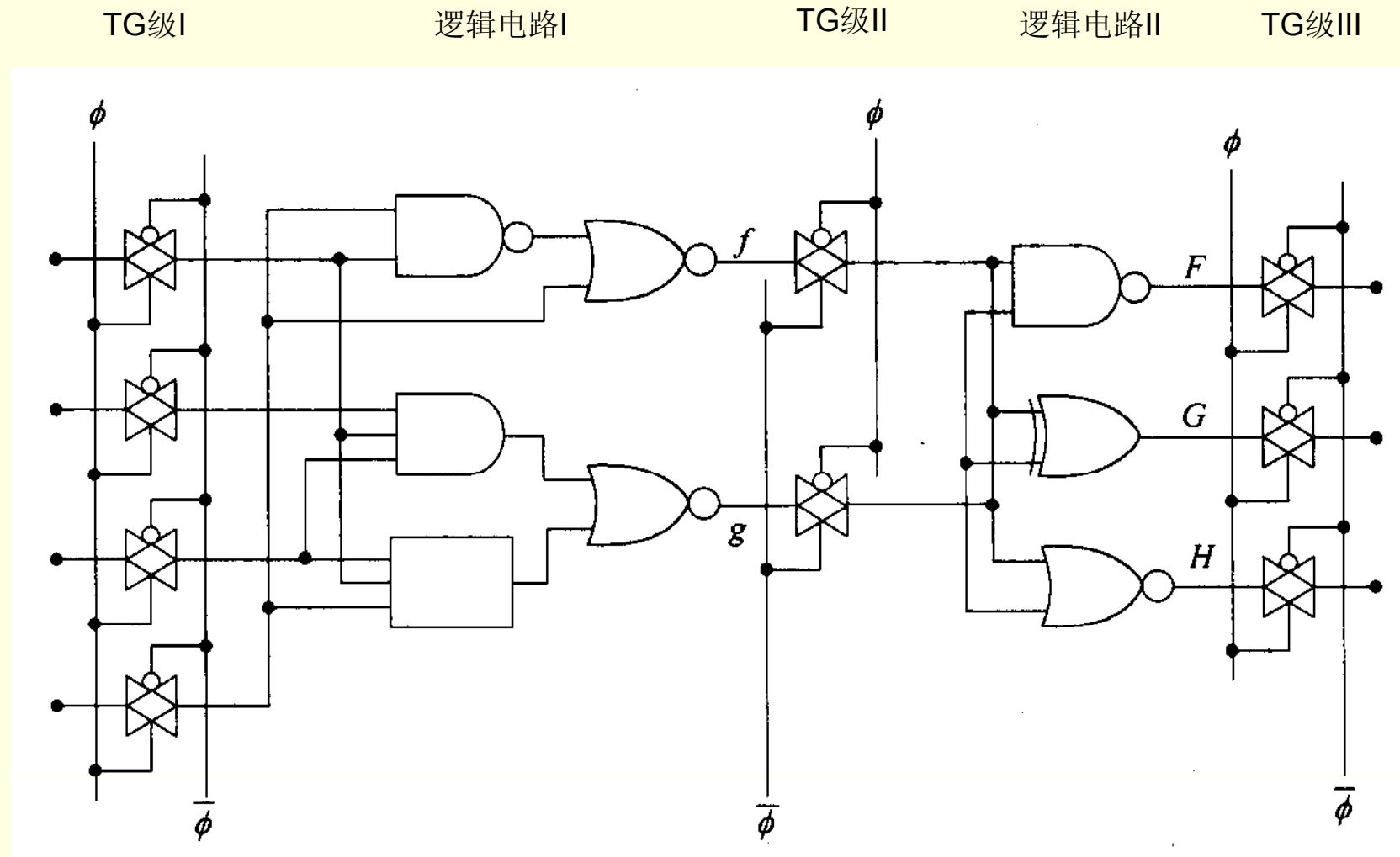
(a) 开关闭合



(b) 开关开路

# 2.5 传输门

## 时钟控制传输门:应用



END

## 第2章 CMOS逻辑设计入门

# 知识复习

## 布尔代数

### ■ 基本定律

#### ■ 交换律

$$a + b = b + a \quad a \bullet b = b \bullet a$$

#### ■ 分配律

$$a + (b \bullet c) = (a + b) \bullet (a + c)$$

$$a \bullet (b + c) = (a \bullet b) + (a \bullet c)$$

#### ■ 恒等律

$$a + 0 = a \quad a \bullet 1 = a$$

#### ■ 互补律

$$a + \bar{a} = 1 \quad a \bullet \bar{a} = 0$$

### ■ 狄摩根定律 (Demorgan's Theorem)

$$\overline{(a + b)} = \bar{a} \bullet \bar{b} \quad \overline{(a \bullet b)} = \bar{a} + \bar{b}$$

### ■ 化简规则

$$a + \bar{a} \bullet b = a + b$$

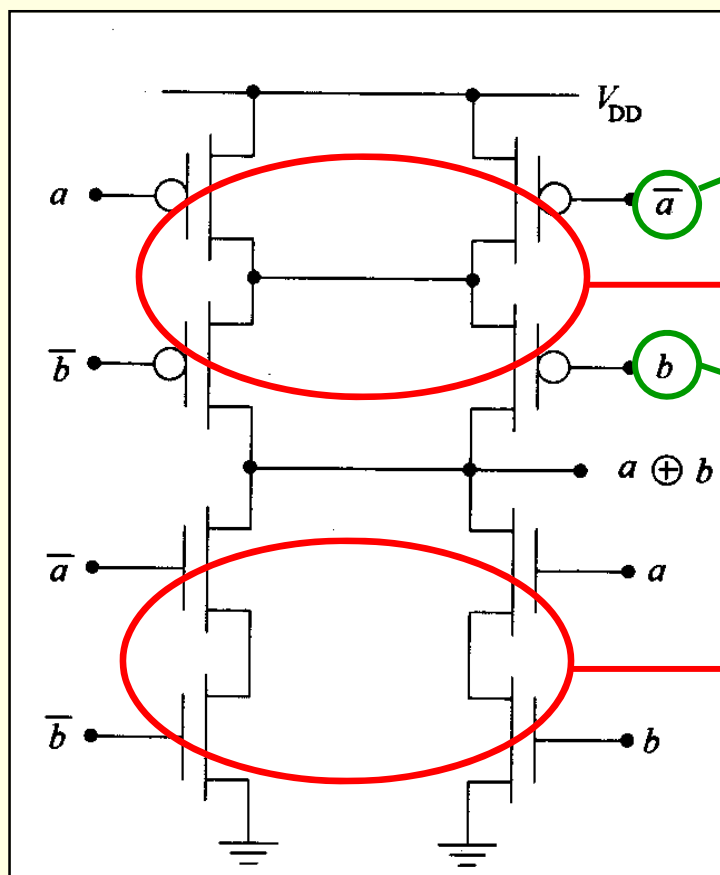
$$\bar{a} + a \bullet b = \bar{a} + b$$

$$a + a \bullet b = a$$

# 纠错

## 异或门和异或非门

异或门  $a \oplus b = \overline{\overline{a \oplus b}} = \overline{a \cdot b + \bar{a} \cdot \bar{b}}$



$1 \cdot (a \cdot b + \bar{a} \cdot \bar{b})$  ✓

$1 \cdot (a \cdot \bar{a} + b \cdot \bar{b}) \equiv 0$  ✗

$0 \cdot (a \cdot b + \bar{a} \cdot \bar{b})$  ✓

异或非门的错误请自行纠正